



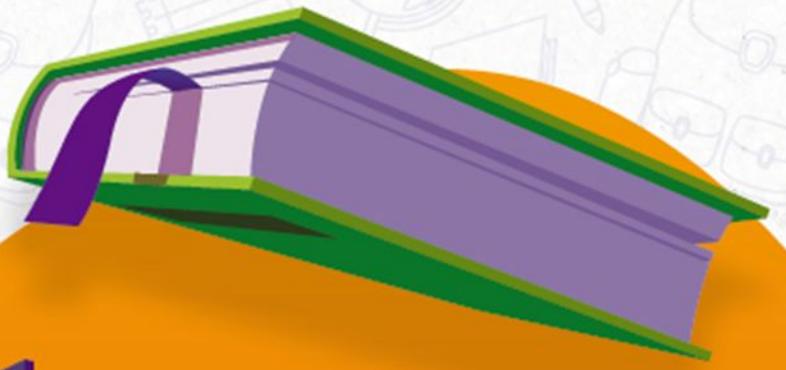
# Revisa Goiás

## Matemática

Maio | 2023

**3<sup>a</sup> Série**

Professor



**SEDUC**  
Secretaria de Estado  
da Educação



## AULA 1 – ÁREAS DE FIGURAS PLANAS

**Descriptor SAEB: D12 – Resolver problemas, envolvendo o cálculo de área de figuras planas.**

**Objetos de conhecimento desenvolvidos:**

- **Figuras geométricas planas;**
- **Unidades de medida de comprimento;**
- **Unidades de medida de área;**
- **Situação problema.**



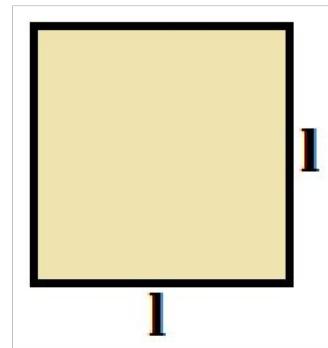
## Relembrando

### ÁREA DE FIGURAS PLANAS

O objetivo desta aula é relembrar sobre o cálculo de áreas das figuras mais notáveis na geometria plana e, em seguida, aplicar as fórmulas revistas nas soluções de problemas.

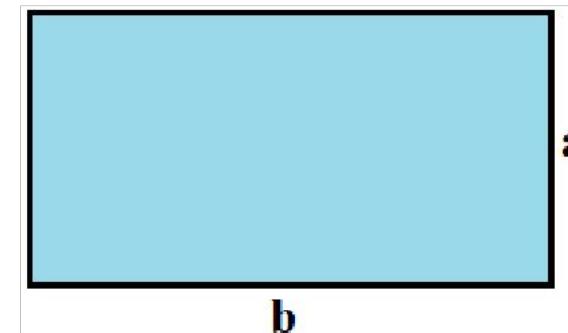
Vamos relembrar algumas fórmulas:

#### ■ Quadrado:



$A_q = l^2$ , onde  $l$  representa a medida do lado do quadrado.

#### ■ Retângulo:



$A_r = a \cdot b$ , onde  $a$  e  $b$  são as medidas dos lados do retângulo.

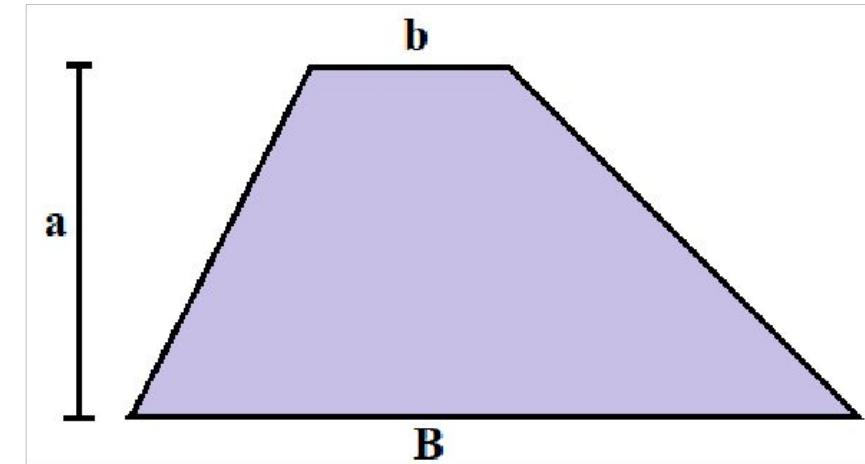
 **Paralelogramo:**



$\text{Área} = \text{base} \times \text{altura}$ , onde  $\text{base}$  é a medida da base do paralelogramo e  $\text{altura}$  é a medida da altura.

**Observação:** Lembre-se que a altura é perpendicular à base do quadrilátero.

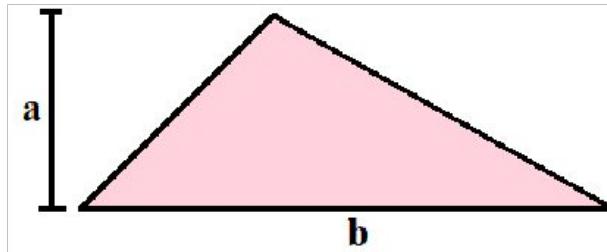
 **Trapézio:**



$$\text{Área} = \frac{(\text{base maior} + \text{base menor}) \times \text{altura}}{2},$$

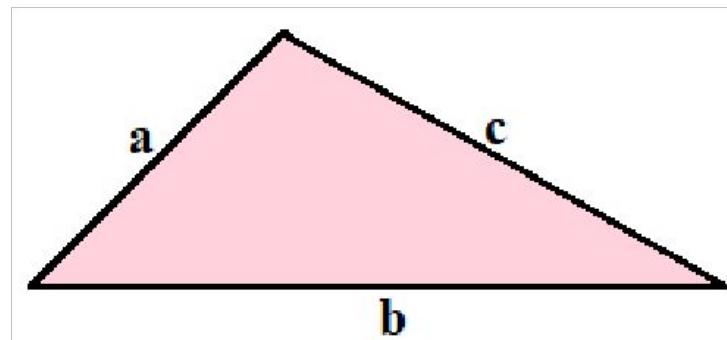
onde  $\text{base maior}$  é a medida da base maior,  $\text{base menor}$  é a medida da base menor e  $\text{altura}$  é a medida da altura do trapézio.

Triângulo:



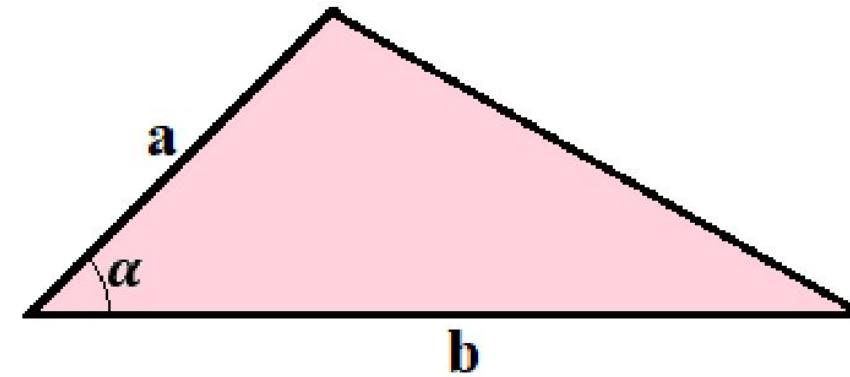
$$\text{área} = \frac{\text{base} \times \text{altura}}{2}$$

onde  $\text{base}$  é a medida da base do paralelogramo e  $\text{altura}$  é a medida da altura.



$$\text{área} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}, \text{ onde } s = \frac{a+b+c}{2}$$

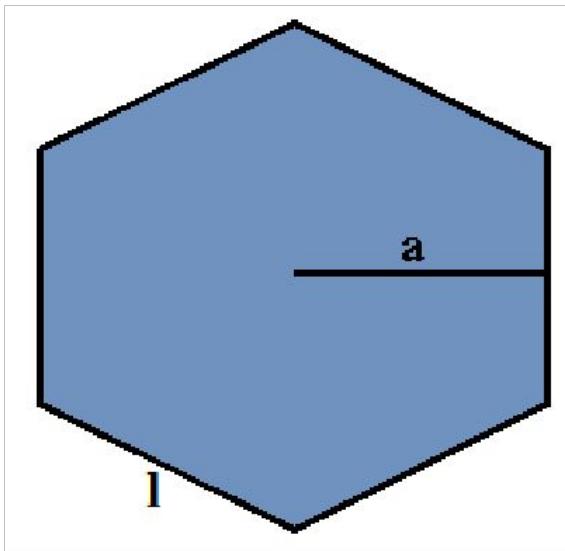
onde  $s$  é o semiperímetro (metade da soma das medidas dos lados) e  $a$ ,  $b$  e  $c$  são as medidas dos lados do triângulo.



$$\text{área} = \frac{a \cdot b \cdot \sin(\alpha)}{2}$$

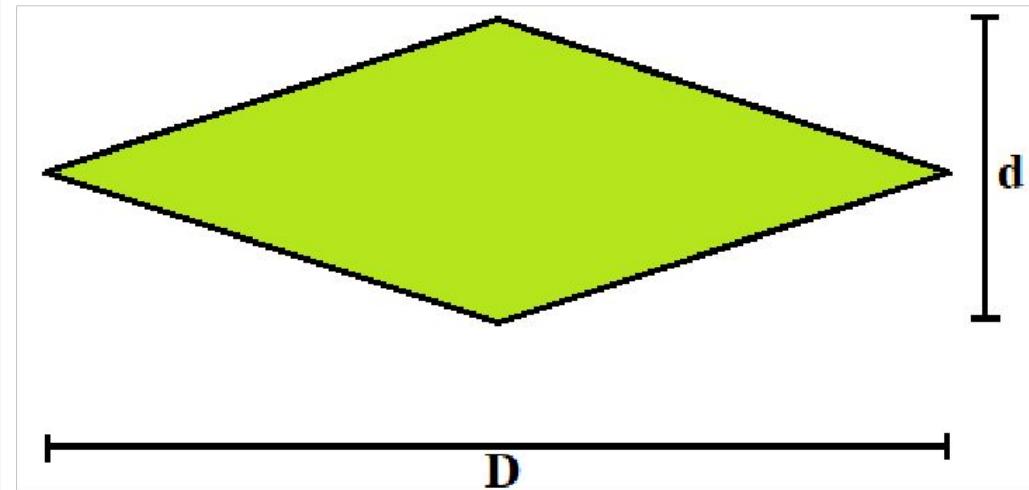
onde  $a$  e  $b$  são as medidas de dois lados de um triângulo e  $\alpha$  é a medida do ângulo entre esses lados.

 **Polígonos regulares:**



$\text{área}_{\text{R}} = \frac{\text{área}_{\text{P}}}{2}$ , onde  $\text{área}_{\text{P}}$  é o semiperímetro (metade da soma das medidas dos lados) e  $\text{área}_{\text{R}}$  é a medida do apótema.

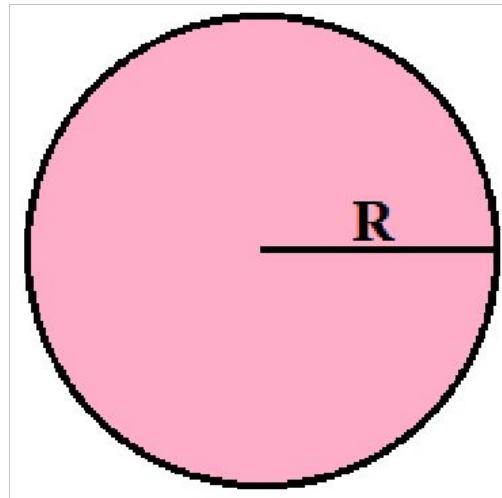
 **Losango:**



$$\text{área}_{\text{R}} = \frac{\text{área}_{\text{P}}}{2},$$

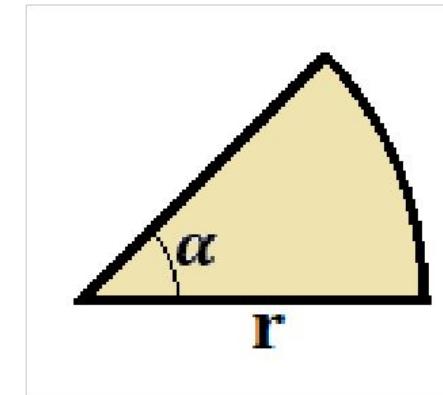
onde  $\text{área}_{\text{P}}$  é a medida da diagonal maior e  $\text{área}_{\text{R}}$  é a medida da diagonal menor do losango.

 **Círculo:**



$\text{Área} = \pi R^2$ , onde  $\pi$  é aproximadamente 3,14 e  $R$  representa a medida do raio.

 **Setor circular:**

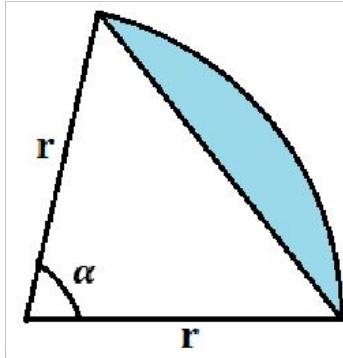


$$\text{Área} = \frac{\pi r^2 \alpha}{360^\circ},$$

onde  $\pi$  é aproximadamente 3,14,  $r$  representa a medida do raio e  $\alpha$  a medida do ângulo central em graus. (Pode ser em radiano, porém a fórmula será:

$$\text{Área} = \frac{\pi r^2 \alpha}{2\pi} = \frac{\pi r^2 \alpha}{2} \text{ rad}$$

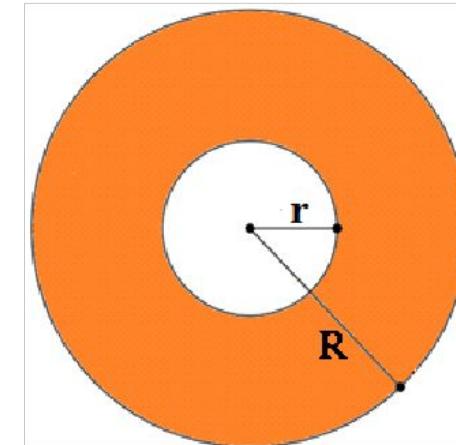
■ Segmento circular:



$$A_s = \frac{\pi r^2 \alpha}{360^\circ} - \frac{r^2 \sin \alpha}{2},$$

onde  $\pi$  é aproximadamente 3,14,  $r$  representa a medida do raio e  $\alpha$  a medida do ângulo central em graus.

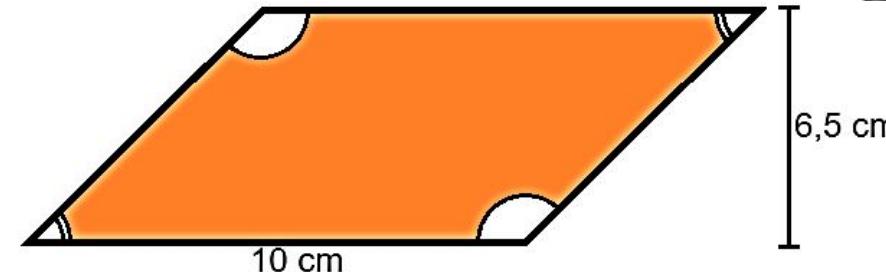
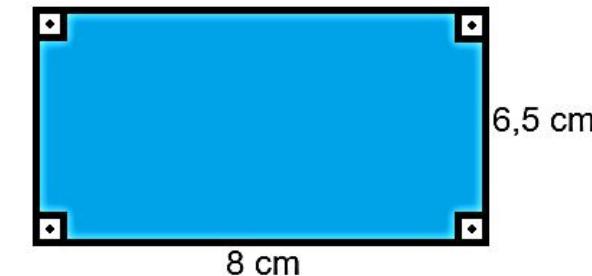
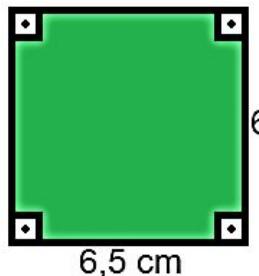
■ Coroa circular:



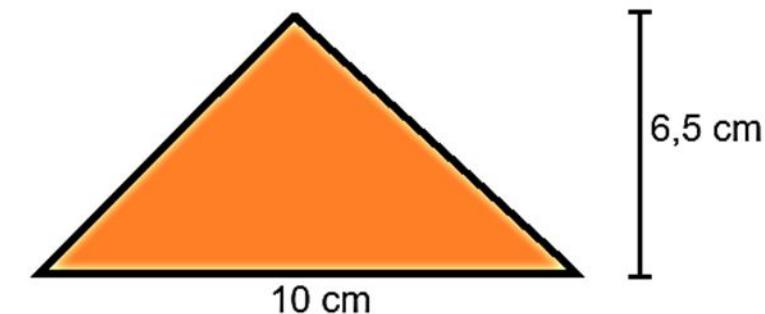
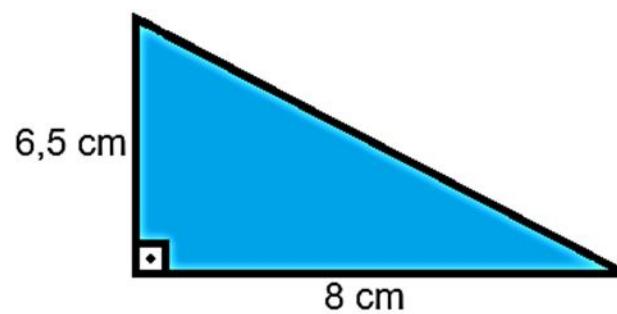
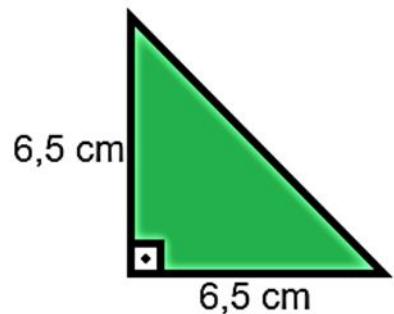
$$A_c = \pi R^2 - \pi r^2$$

onde  $\pi$  é aproximadamente 3,14,  $R$  representa a medida do raio menor e  $r$  a medida do raio maior.

1. Calcule a medida da área delimitada por cada paralelogramo a seguir.



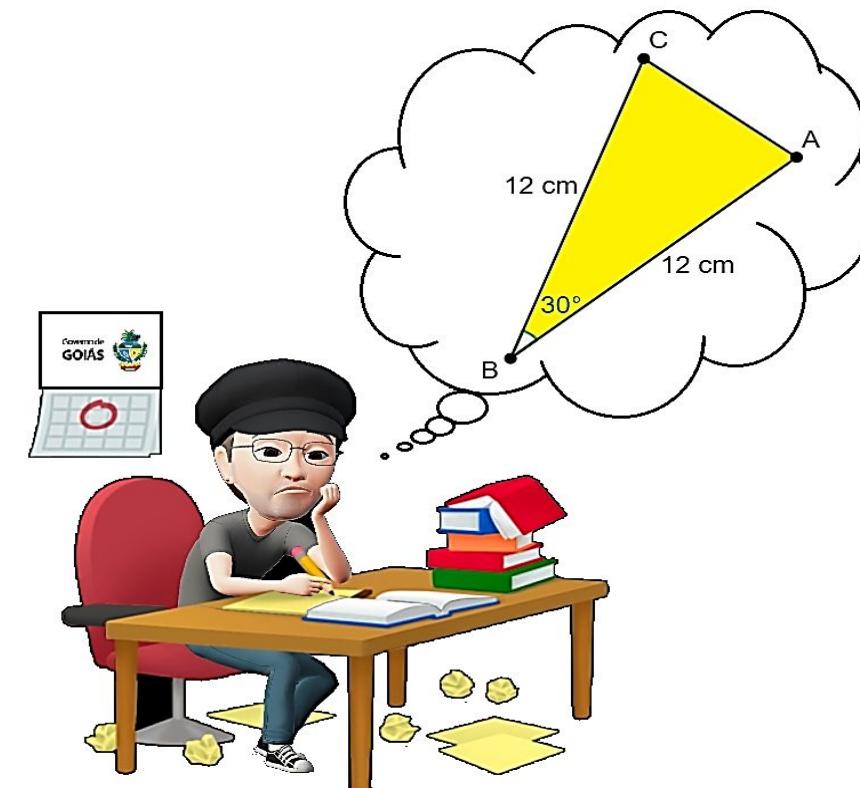
2. Considere as seguintes regiões triangulares a seguir.



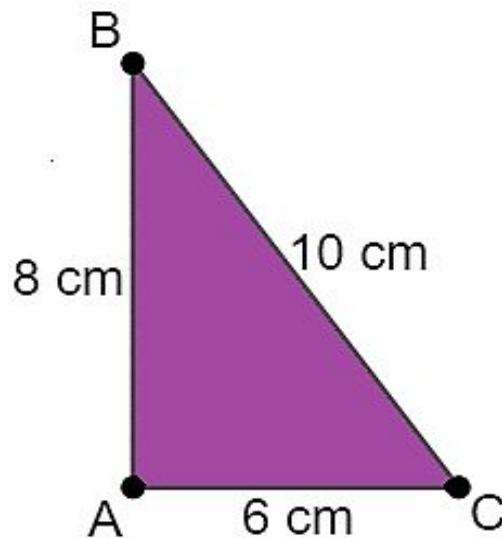
a) Calcule a medida da área de cada uma dessas regiões.

b) O que se pode afirmar sobre as medidas calculadas nesse exercício e no exercício 1?

3. O professor Alex se deparou com o triângulo apresentado na figura a seguir. Sabe-se que o seno de  $30^\circ$  é igual a  $\frac{1}{2}$ . Ajude o professor Alex a calcular a medida da área delimitada por esse triângulo.

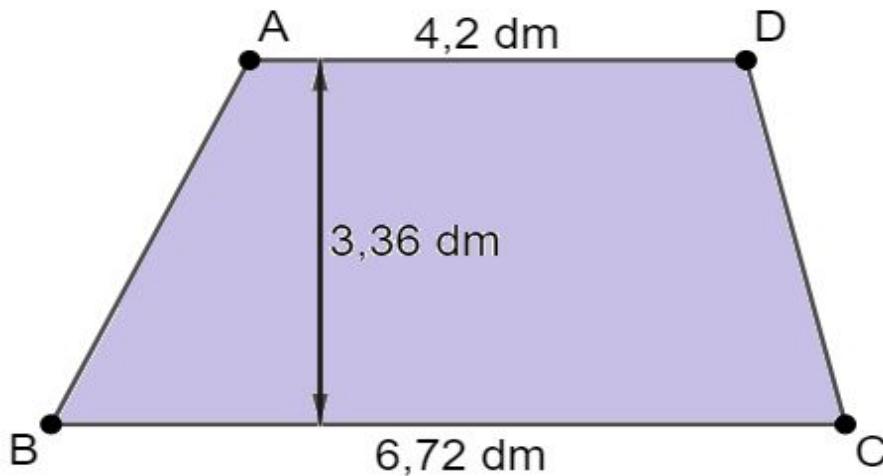


4. Considere a região triangular a seguir.

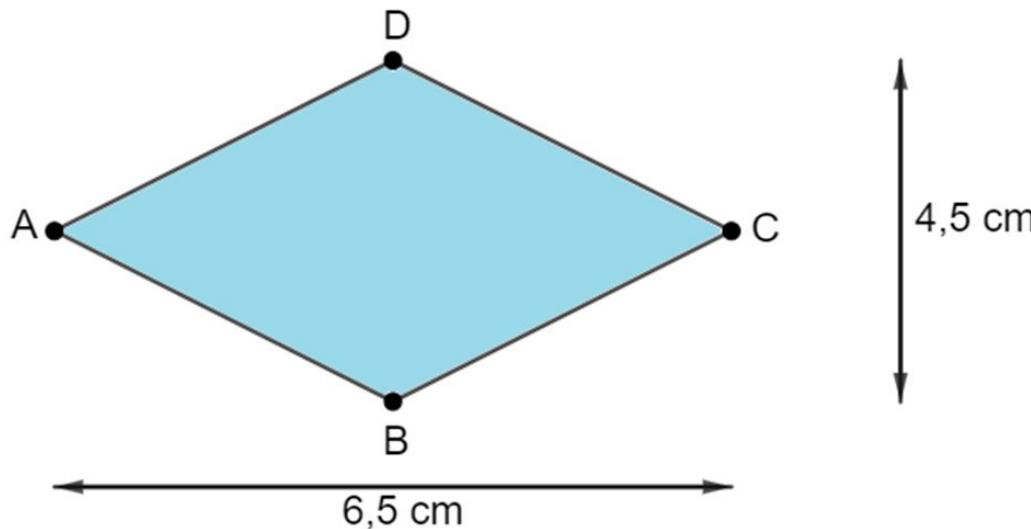


- Utilizando a fórmula de Heron, calcule a área dessa região triangular.
- Verifique se o triângulo ABC é retângulo. (Utilize o teorema de Pitágoras).
- Pode-se calcular a área determinada por esse triângulo de outra maneira?

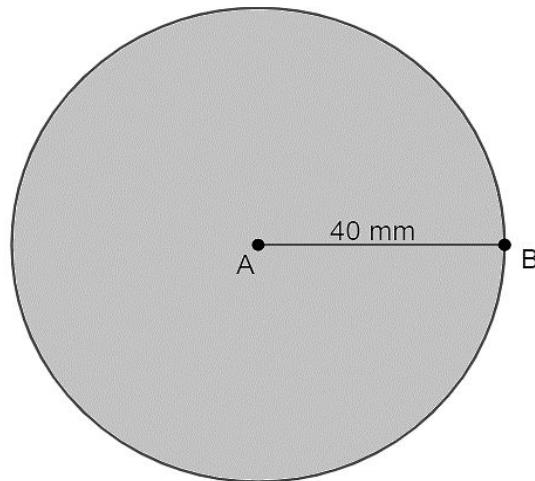
5. Calcule a medida de área delimitada pelo trapézio a seguir.



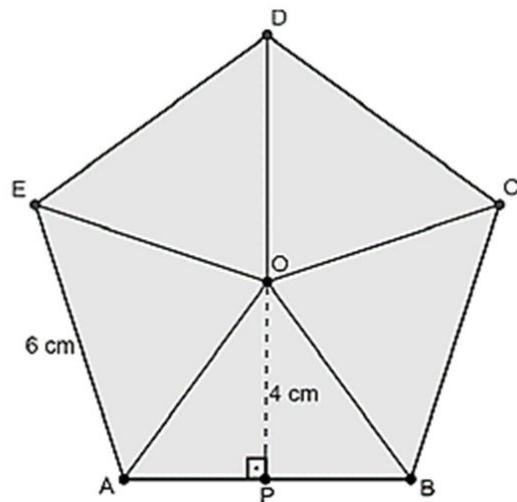
6. Calcule a medida de área delimitada pelo losango a seguir.



7. Calcule a medida da área do círculo a seguir. Use  $\pi = 3,14$ .



8. A figura a seguir, corresponde a uma região delimitada por um pentágono regular de lado medindo 6 centímetros.



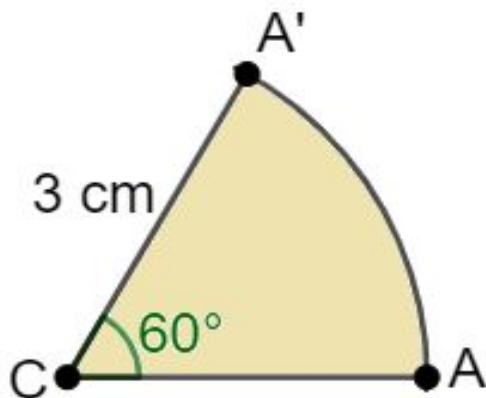


Nessas condições, responda:

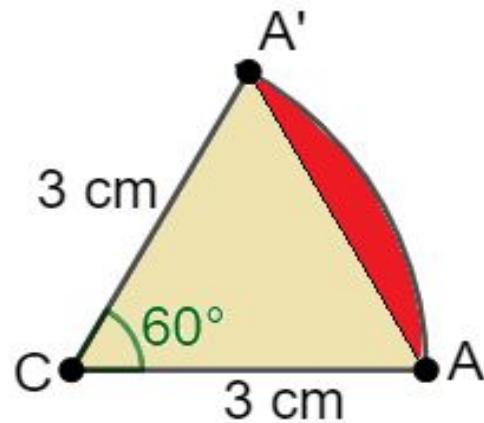
- a) Quantos triângulos isósceles, de base medindo 6 centímetros, formam esse pentágono?
- b) Qual a medida da altura de cada um desses triângulos que formam o pentágono?
- c) Esses triângulos são congruentes?
- d) Qual a medida da área de cada um desses cinco triângulos isósceles que formam a região pentagonal?
- e) Qual a medida da área dessa região pentagonal, a partir da área dos triângulos?
- f) Qual a medida do perímetro dessa região pentagonal?
- g) O que significa apótema de um polígono?
- h) Qual é a metade do produto obtido da multiplicação do perímetro do pentágono regular, pela medida do apótema?
- i) O que se pode afirmar quando se compara o resultado da letra “e”, com o resultado da letra “h”?
- j) Escreva uma fórmula que calcula a área de um polígono regular em função da medida de seus lados e a medida de seu apótema.
- k) Calcule a área de um hexágono regular cujo lado mede 20 cm e o apótema  $10\sqrt{3}$  cm.

9. Calcule as medidas das áreas a seguir. (Utilize  $\pi=3,14$ )

a) Área do setor circular a seguir.

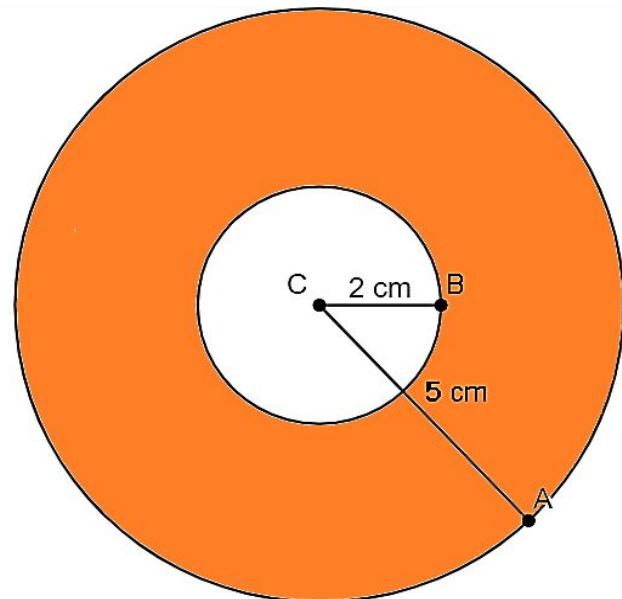


b) Área do segmento circular destacado de vermelho a seguir.

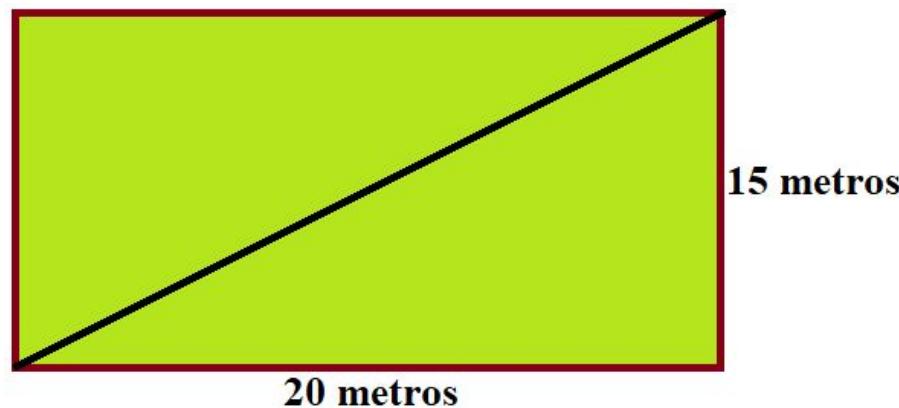


10. Na figura a seguir, é representada uma coroa circular formada pelo círculo de centro C e raio igual a 5 centímetros, e um círculo concêntrico em C e raio igual a 2 centímetros.

Calcule a medida da área dessa coroa circular. (Utilize  $\pi=3,14$ )

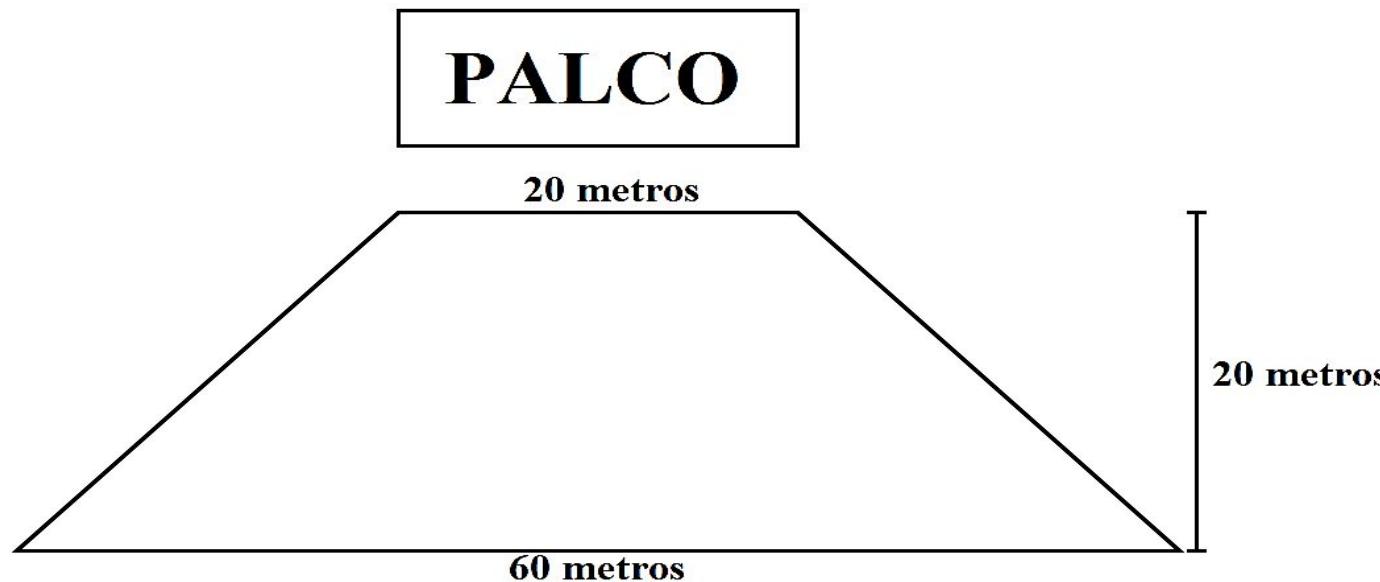


11. Um terreno no formato de um retângulo será utilizado para o plantio de duas culturas diferentes. Para realizar esse cultivo, a área será dividida em sua diagonal. Sabendo que as suas dimensões são de 20 metros por 15 metros, responda:



- Qual a medida da área do terreno?
- Qual a medida da área reservada para cada cultura?

12. A área destinada às poltronas de um teatro terá as dimensões representadas no trapézio a seguir.



Considerando que, para cada 2 metros quadrados dessa área destinada à plateia, existe uma poltrona, calcule o número de poltronas desse teatro.

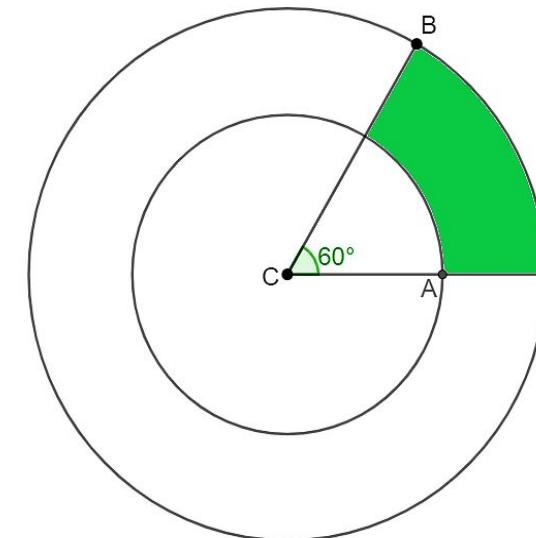
13. Em um losango, a área é igual a  $324 \text{ cm}^2$  e a diagonal maior é o dobro da diagonal menor.

Calcule as medidas das duas diagonais.

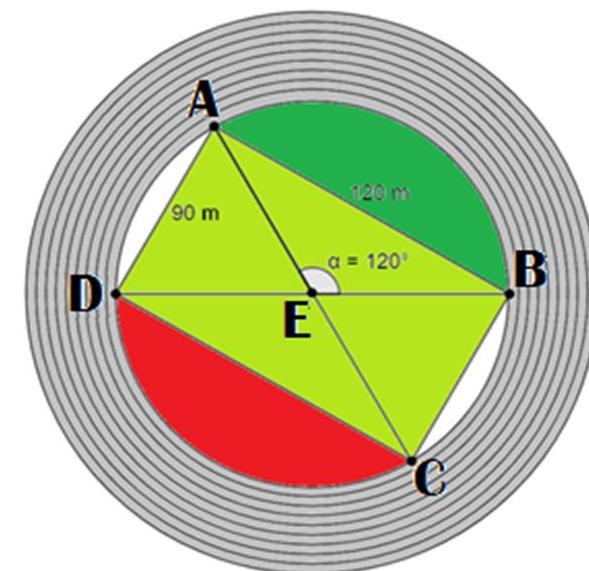
14. O professor Alex gosta de realizar suas leituras no jardim de sua casa. Esse jardim tem o formato de um círculo de diâmetro igual a 2 metros. Utilizando  $\pi = 3,14$ , calcule a área gramada desse jardim.



15. Na figura a seguir, o comprimento do segmento CA é 8 cm, e o comprimento do segmento CB é 10 cm. Qual é a área da figura verde, sabendo que ela é parte de uma coroa circular? Considere  $\pi = 3,1$ .



16. A figura a seguir apresenta a vista aérea de um estádio de futebol, onde o campo, de forma retangular, tem dimensões iguais a 90 metros de largura e 120 metros de comprimento. As partes verde e vermelha, em forma de segmentos circulares, são destinadas aos times que jogam nesse estádio.



17. (ENEM – 2019) Uma administração municipal encomendou a pintura de dez placas de sinalização para colocar em seu pátio de estacionamento.

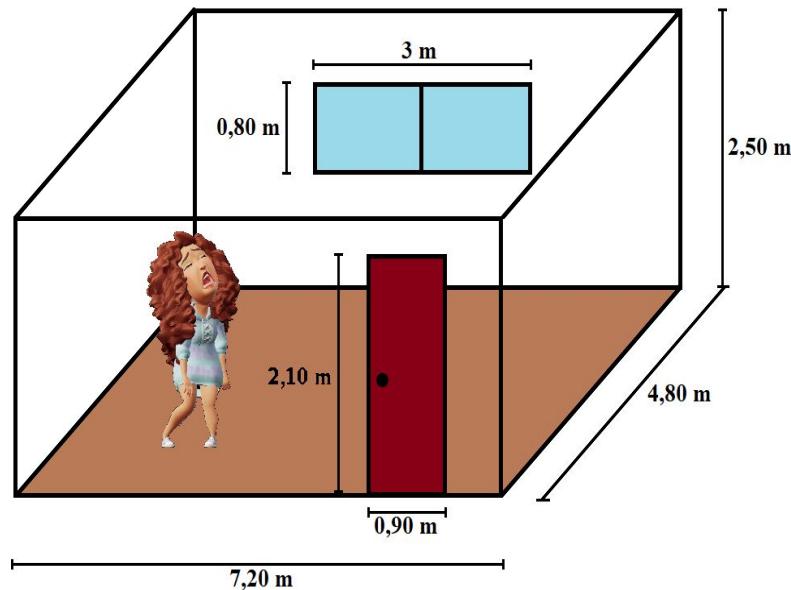
O profissional contratado para o serviço inicial pintará o fundo de dez placas e cobrará um valor de acordo com a área total dessas placas. O formato de cada placa é um círculo de diâmetro  $d = 40$  cm, que tangencia lados de um retângulo, sendo que o comprimento total da placa é  $h = 60$  cm, conforme ilustrado na figura. Use 3,14 como aproximação para  $\pi$ .



Qual é a soma das medidas das áreas, em centímetros quadrados, das dez placas?

- (A) 16 628
- (B) 22 280
- (C) 28 560
- (D) 41 120
- (E) 66 240

18. Tayssa pretende pintar as paredes de seu quarto. A tinta escolhida por ela tem rendimento de 19 metros quadrados por lata. Considerando o rendimento da tinta escolhida e as medidas de seu quarto, Tayssa comprou três latas de tinta.



Nessas condições, pode-se afirmar que

- (A) faltará tinta para pintar 31,29 metros quadrados.
- (B) faltará tinta para pintar 1,29 metros quadrados.
- (C) não sobrará ou faltará tinta.
- (D) sobrará tinta para pintar 1,29 metros quadrados.
- (E) sobrará tinta para pintar 31,29 metros quadrados.

## AULA 02 – ÁREA E VOLUME DE SÓLIDOS GEOMÉTRICOS

**Descriptor SAEB: D13 – Resolver problema, envolvendo a área total e/ou volume de um sólido (prisma, pirâmide, cilindro, cone, esfera).**

**Objetos de conhecimento desenvolvidos:**

- **Figuras geométricas planas;**
- **Figuras geométricas espaciais;**
- **Unidades de medida de área;**
- **Unidades de medida de volume;**
- **Unidades de medida de capacidade.**

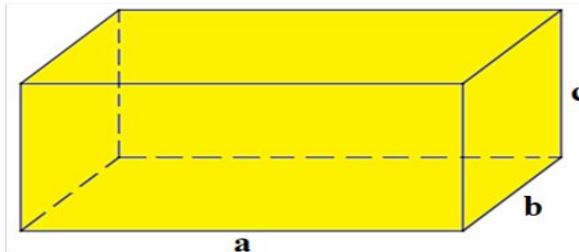


## Relembrando

O objetivo dessa aula é relembrar sobre o cálculo da área total e/ou volume de um sólido geométrico como o prisma, a pirâmide, o cilindro, o cone e a esfera.

Segue abaixo algumas dessas figuras e suas respectivas fórmulas de cálculo de área de superfície e de volume:

■ **Paralelepípedo retângulo:** trata-se de um prisma reto que tem como característica possuir bases retangulares.



O cálculo do volume de um paralelepípedo é dado pela fórmula:

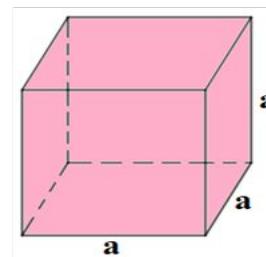
$$V_p = a \cdot b \cdot c$$

onde,  $V_p$  representa o volume do paralelepípedo e  $a, b$  e  $c$ , representam as medidas das arestas desse sólido.

Quanto ao cálculo da área de superfície total, podemos fazer uso da fórmula:

$$A_T = 2(ab + ac + bc)$$

■ **Cubo:** é considerado um paralelepípedo especial, pois todas as suas arestas apresentam-se com a mesma medida, ou seja, são congruentes. Consequência disso é que suas seis faces são quadradas e congruentes entre si. Isso o faz um poliedro regular, conhecido também como hexaedro regular.



O cálculo do volume de um cubo é verificado pela fórmula:

$$V_c = a^3$$

onde,  $V_c$  representa o volume do cubo e  $a$ , representa a medida da aresta desse sólido.

Quanto ao cálculo da área de superfície total, podemos fazer uso da fórmula:

$$A_T = 6 \cdot a^2$$



**Prisma:** para se calcular o volume de um prisma qualquer, levamos em consideração o cálculo de sua área de base ( $A_b$ ) e sua respectiva altura ( $h$ ), podendo então considerar a fórmula

$$V = A_b \cdot h$$

Em relação ao cálculo da área de superfície total, consideramos a soma de suas áreas laterais com a soma de suas áreas de base, como podemos verificar na fórmula

$$A_{st} = A_b + A_{lat}$$

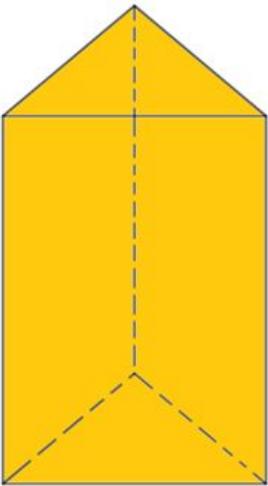
O cálculo da área da base depende do tipo de polígono que a delimita.

**Base sendo um triângulo equilátero:**

$$A_b = \frac{L^2 \sqrt{3}}{4}$$

Onde:

$L$  é a medida do lado.



Prisma de base triangular

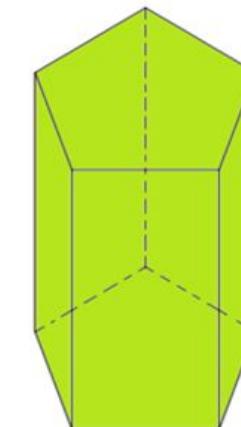
**Base sendo um pentágono regular:**

$$A_b = p \cdot a$$

Onde:

$p$  é o semiperímetro;

$a$  é medida do apótema da base.



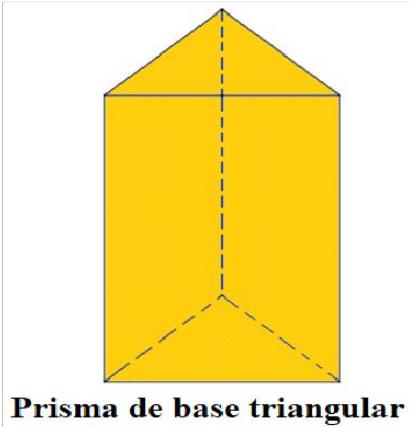
Prisma de base pentagonal

**Base sendo um triângulo equilátero:**

$$A_B = \frac{L^2 \sqrt{3}}{4}$$

Onde:

L é a medida do lado.

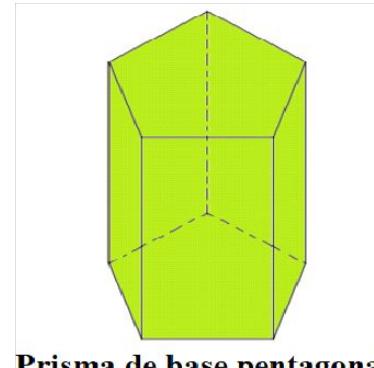

**Base sendo um pentágono regular:**

$$A_B = \frac{5L \cdot A}{2}$$

Onde:

L é o semiperímetro;

A é medida do apótema da base.


**Base sendo um hexágono regular:**

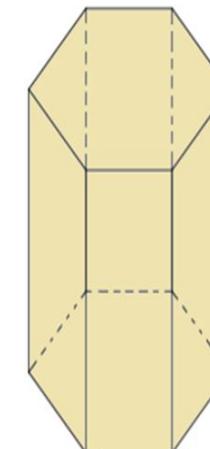
$$A_b = 6 \cdot \frac{L^2 \sqrt{3}}{4} \text{ (cada base)}$$

ou

$$A_{btotal} = 3 \cdot L^2 \sqrt{3} \text{ (as duas bases)}$$

Onde:

L é a medida do lado.



**Prisma de base hexagonal**

É importante lembrar que a unidade padrão de medida do volume é o metro cúbico ( $m^3$ ), podendo ser utilizados seus múltiplos ( $dam^3$ ,  $hm^3$  e  $km^3$ ) e submúltiplos ( $dm^3$ ,  $cm^3$  e  $mm^3$ ).

Quando se trabalha com volumes, é muito comum trabalhar também com as unidades de medida de capacidade, como o litro (L). Algumas relações muito importantes: 1  $m^3$  equivale a 1 000 L, 1  $dm^3$  equivale a 1 L e 1  $cm^3$  equivale a 1 mL.

A unidade padrão de área é o metro quadrado ( $m^2$ ), podendo ser utilizados seus múltiplos ( $km^2$ ,  $hm^2$  e  $dam^2$ ) e submúltiplos ( $dm^2$ ,  $cm^2$  e  $mm^2$ ).

 **Pirâmide:** observando as pirâmides, pode-se dizer que sua base é uma região poligonal e as outras faces são todas triangulares, conhecidas como faces laterais.

O cálculo de seu volume é dado pela terça parte do produto da área de sua base com a respectiva altura, conforme a fórmula

$$V_p = \frac{1}{3} A_b \cdot H$$

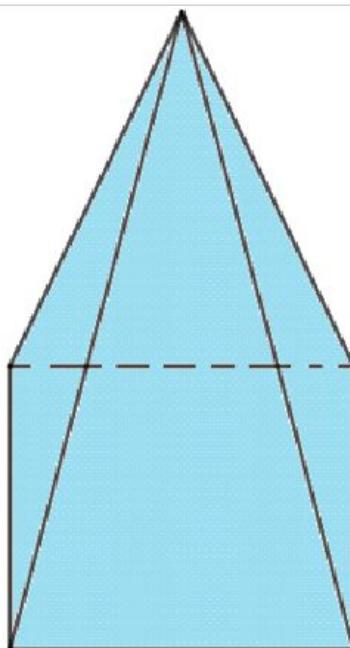
O cálculo da área da superfície é dado pela soma da área da base com a soma das áreas laterais.

$$A_T = A_L + A_b$$

Assim como nos prismas, o cálculo da área da base depende do tipo de polígono que a delimita.

Base sendo um quadrado:

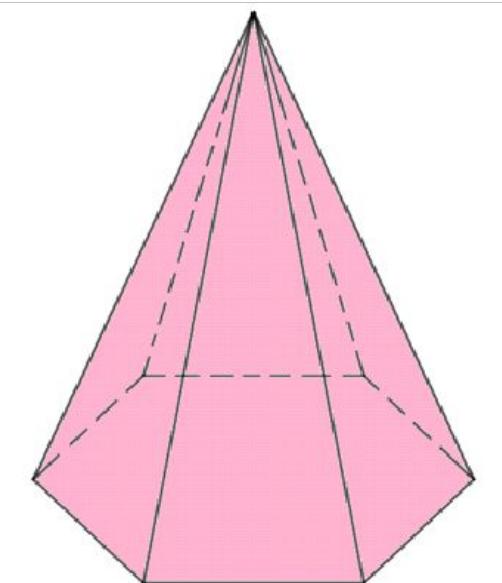
$$\text{Volume} = \text{Altura} \times \text{Área da Base}$$



Pirâmide de base quadrada

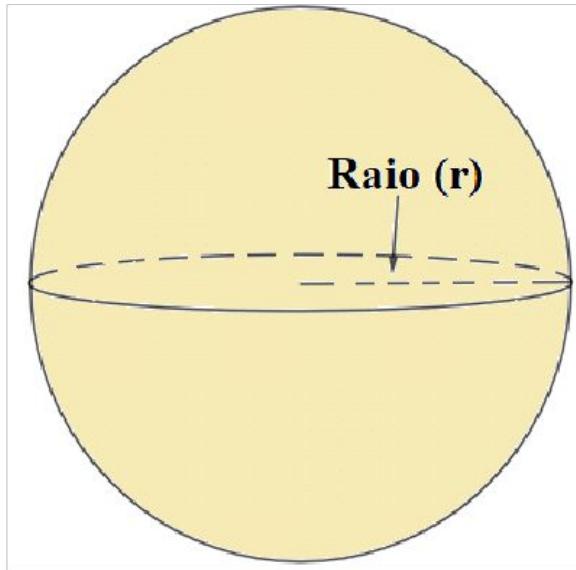
Base sendo um hexágono regular:

$$\text{Volume} = \text{Altura} \times \frac{\text{Área da Base}}{3}$$



Pirâmide de base hexagonal

- Esfera: pode-se dizer que todo e qualquer sólido que se apresenta com uma superfície esférica é chamado de esfera. Com a intenção de calcular seu volume e superfície, utilizam-se as fórmulas a seguir:



$$V_s = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$A_s = 4\pi r^2$$

Onde,

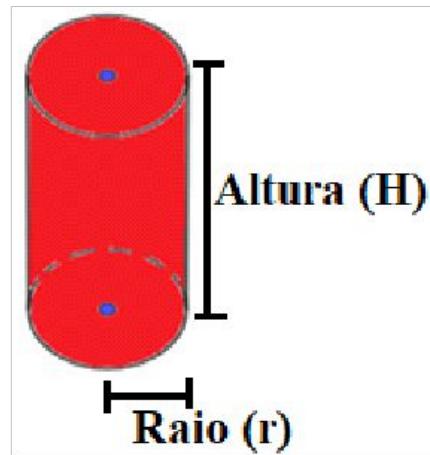
$V_s$  representa o volume da esfera;

$R$  representa a medida do raio;

$A_s$  representa a área da superfície;

$$\pi \approx 3,14$$

 **Cilindro reto:** é um sólido geométrico formado por duas bases circulares e opostas e uma superfície curva.



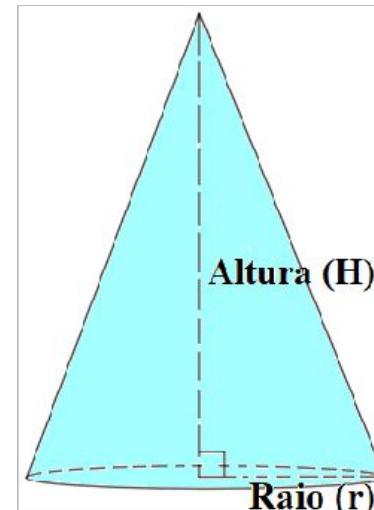
Para calcular o seu volume, multiplica-se a área da base circular ( $\pi r^2$ ) pelo altura:

$$\text{Volume} = \pi r^2 \cdot H \quad \text{Volume} = \pi \cdot 3,14 \cdot 100 \cdot 20$$

Para calcular a área da superfície, adicionam-se as áreas das duas bases com a área da superfície curva lateral, que planificada, é uma região retangular de medidas ( $2\pi rH$ ) e ( $H$ ):

$$\text{Área} = \text{Área da base} + \text{Área da lateral} \quad \text{Área} = \pi \cdot 10 \cdot 10 + 2 \cdot 3,14 \cdot 10 \cdot 20$$
$$\text{Área} = 2 \cdot 3,14 \cdot (10 + 20)$$

 **Cone reto:** é um sólido geométrico formado por duas regiões: uma superfície curva e uma base circular.



Para calcular o volume, multiplica-se um terço da área da base pela altura:

$$\text{Volume} = \frac{1}{3} \cdot \text{Área da base} \cdot H \quad \text{Volume} = \frac{\pi \cdot 10^2 \cdot 20}{3}$$

Para calcular a área de superfície total, adicionam-se a área lateral ( $\pi rH$ ) com a área da base ( $\pi r^2$ ):

$$\text{Área} = \text{Área da base} + \text{Área da lateral} \quad \text{Área} = \pi r^2 + \pi rH$$

1. (Enem 2017) Para a Olimpíada de 2012, a piscina principal do Centro Aquático de Londres, medindo 50 metros de comprimento, foi remodelada para ajudar os atletas a melhorar suas marcas. Observe duas das melhorias:

**Largura das raias**

Cada uma das dez raias mede 2,5 metros, conforme o padrão oficial. Nas provas finais, a primeira e a décima ficarão vazias para evitar que as ondas desfavoreçam os atletas

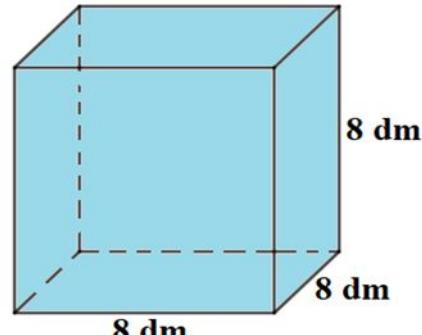
**Profundidade 3 metros**

Com essa profundidade, a água que se movimenta em direção ao fundo da piscina demora mais para retornar à superfície e não atrapalha a progressão dos nadadores

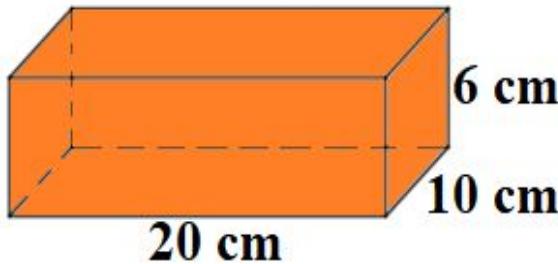
A capacidade da piscina em destaque, em metro cúbico, é igual a

- (A) 3750.
- (B) 1500.
- (C) 1250.
- (D) 375.
- (E) 150.

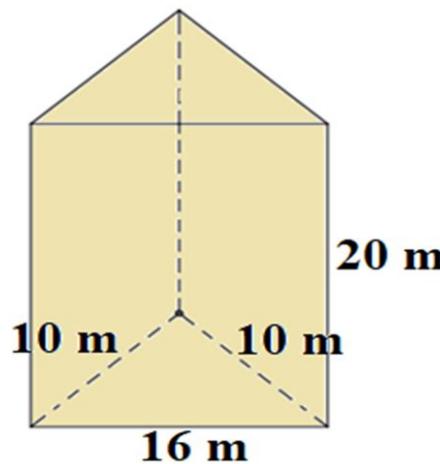
2. Um assento conhecido como “puff”, tem o formato de um cubo, cujas arestas medem 8 decímetros cada. Sabendo que o cubo tem 6 faces, qual o valor da área total de sua superfície?



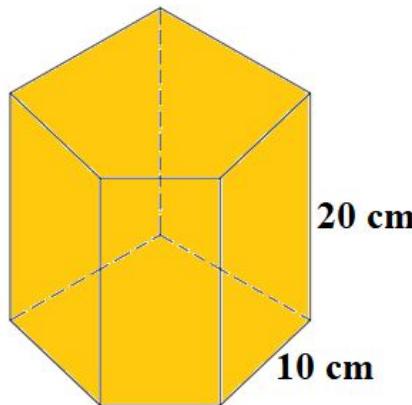
3. Um tijolo tem o formato de um paralelepípedo e possui as seguintes dimensões: 20 cm de comprimento, 10 cm de largura e 6 cm de altura. Calcule a área de sua superfície.



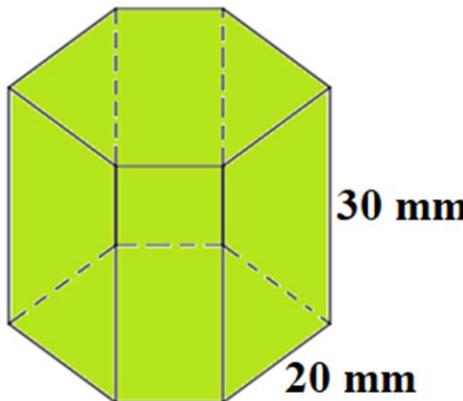
4. Considerando uma torre com o formato de um prisma de base triangular, representado na figura a seguir, calcule a área total de sua superfície.



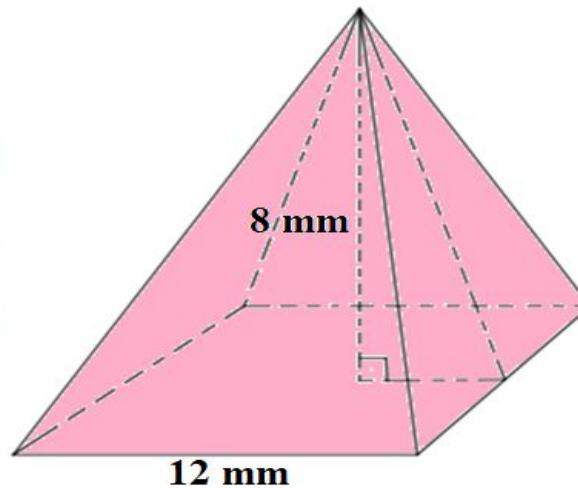
5. Considerando um bloco de concreto com o formato de um prisma de base pentagonal, calcule a área da superfície desse prisma de apótema de base igual a 2,75 cm.



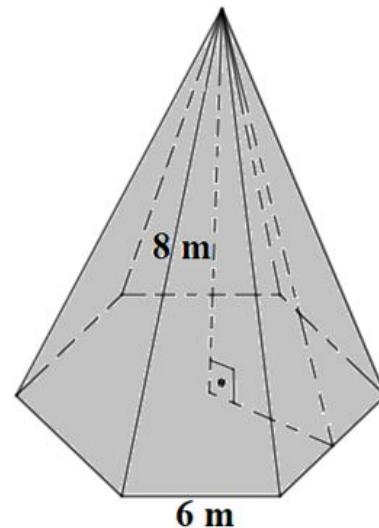
6. A figura a seguir, é um prisma de base hexagonal regular com as suas devidas medidas. Calcule a área da superfície desse prisma. (Considere  $\sqrt{3}=1,7$  )



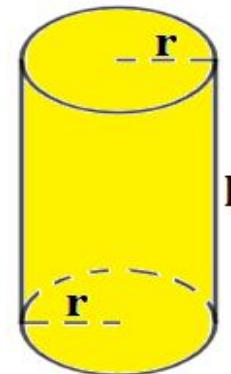
7. Calcule a área da superfície de uma pirâmide de base quadrada conforme se vê na figura a seguir.



8. A figura a seguir representa uma pirâmide de base hexagonal. Calcule a sua área total.



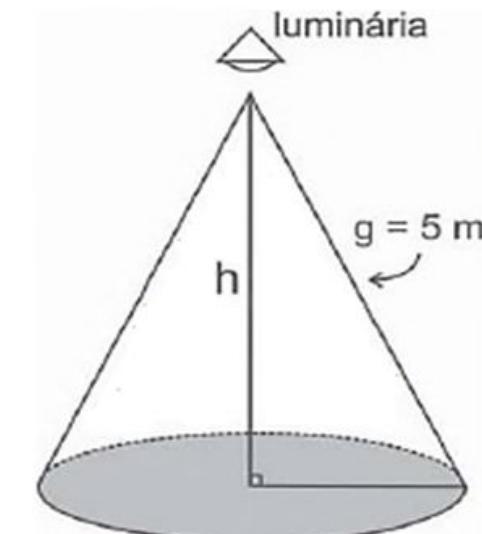
9. O cilindro abaixo apresenta-se com um raio de 8 cm em sua base e possui uma altura de 12 cm. Calcule a área da superfície desse cilindro. Considere o valor de  $\pi = 3,14$ .



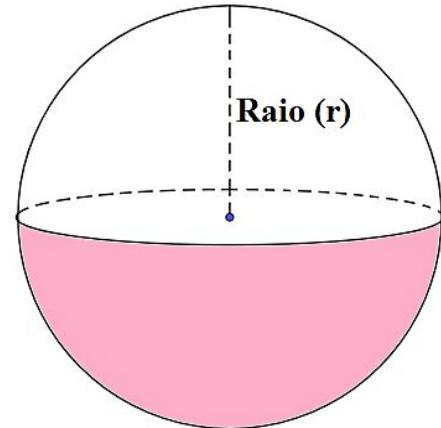
10. (Enem – PPL/2010) Um arquiteto está fazendo um projeto de iluminação de ambiente e necessita saber a altura que deverá instalar a luminária ilustrada na figura.

Sabendo que a luminária deverá iluminar uma área circular de  $28,26 \text{ m}^2$ , considerando  $\pi \cong 3,14$ , a altura  $h$  será igual a

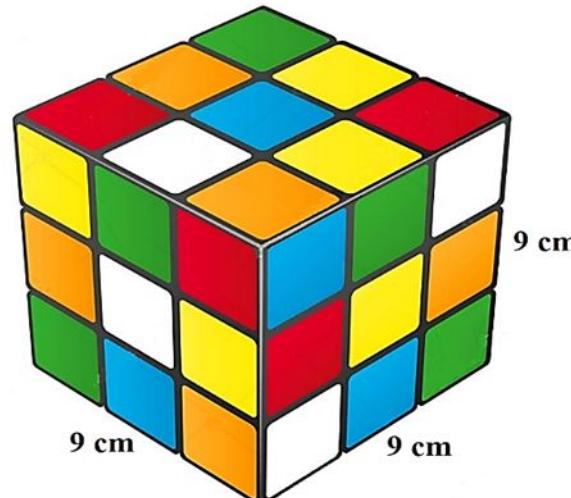
- (A) 3 m.
- (B) 4 m.
- (C) 5 m.
- (D) 9 m.
- (E) 16 m.



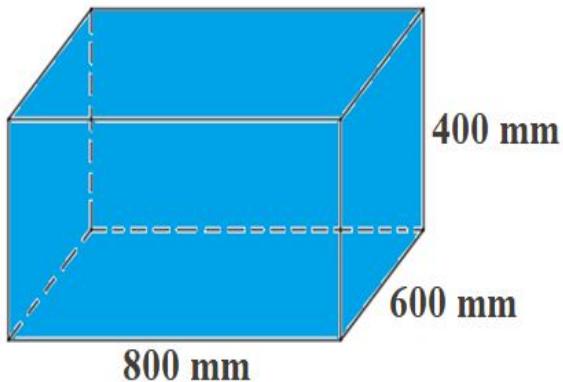
11. Uma bola de basquetebol possui a forma de uma esfera. Analise a representação de uma dessas bolas na figura a seguir considerando que o raio desta, mede 12 centímetros e, depois, calcule a área de sua superfície. Considere o valor de  $\pi = 3,14$ .



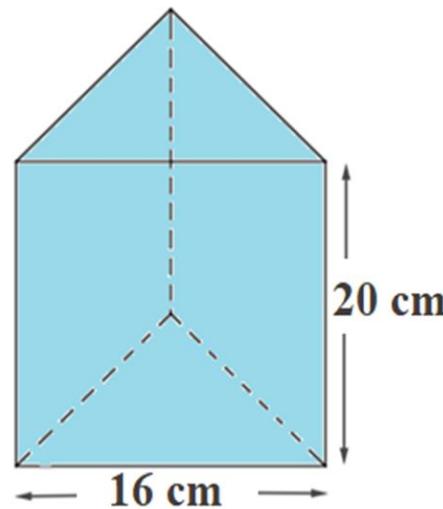
12. O brinquedo cubo mágico representa um poliedro com 6 faces quadradas cuja aresta mede 9 cm. Calcule o volume desse poliedro.



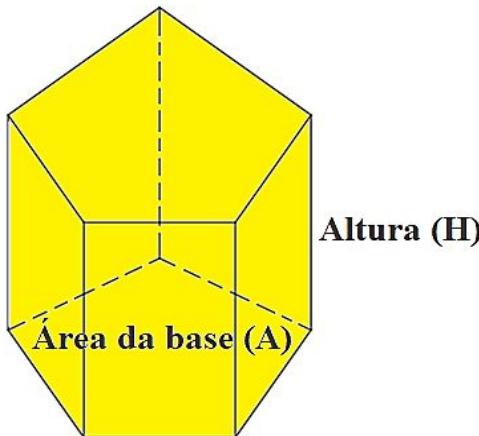
13. Uma caixa de presentes tem o formato de um paralelepípedo retangular com as dimensões 800 mm, 600 mm e 400 mm. Calcule o volume dessa caixa.



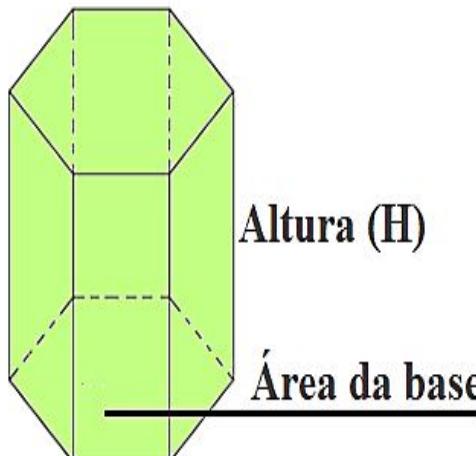
14. Dado o prisma triangular regular a seguir, calcule o seu volume.



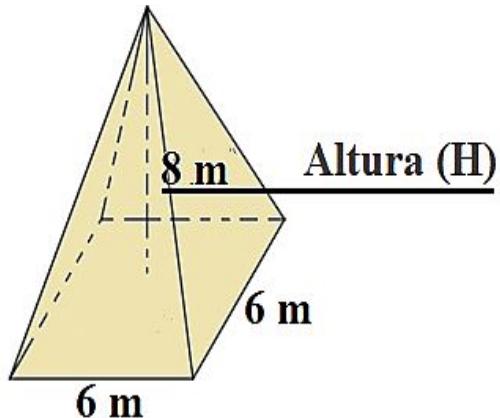
15. A figura a seguir representa um prisma de base pentagonal regular cuja medida da área da base é igual a  $240 \text{ mm}^2$ . Considerando que a altura desse prisma é 30 mm, calcule o valor de seu volume.



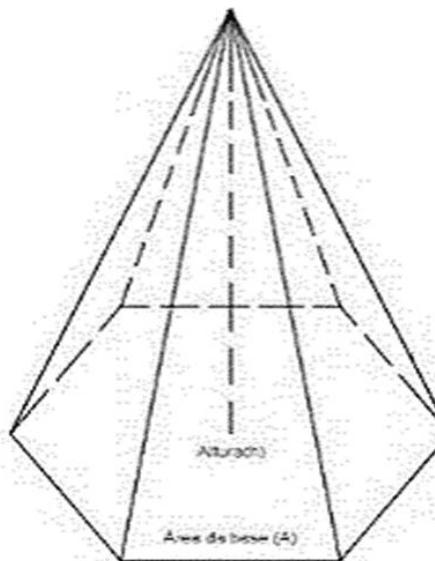
16. Considere que um objeto com a forma de um prisma de base hexagonal, tenha a área de sua base igual a  $40 \text{ cm}^2$  e altura 60 cm. Calcule o volume desse prisma.



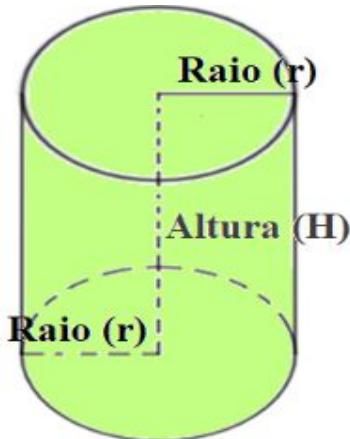
17. Analise a construção de uma pirâmide de base quadrada na figura a seguir. Qual é o seu volume?



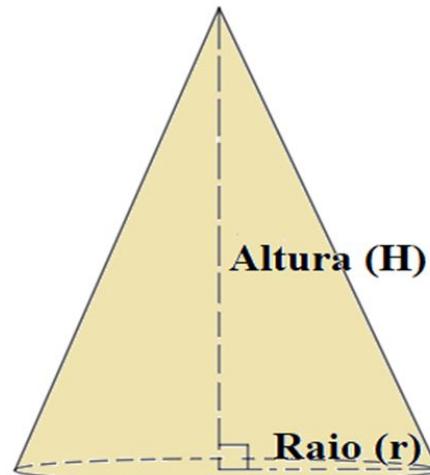
18. Calcule o volume da pirâmide a seguir, considerando que a área de sua base mede  $80 \text{ cm}^2$  e sua altura 18 cm.



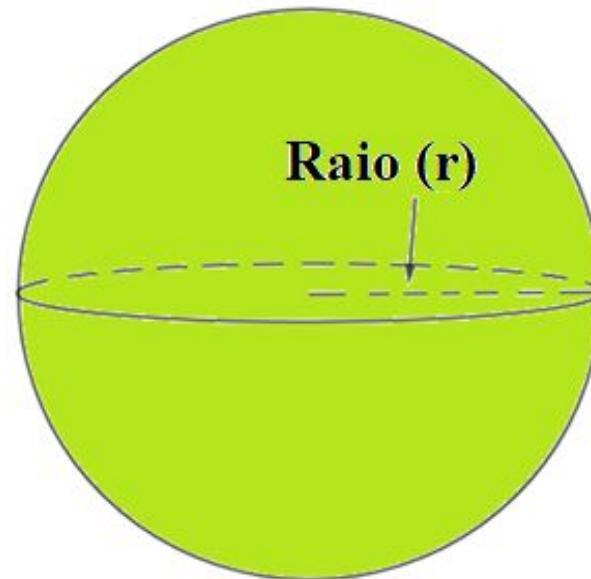
19. Um reservatório tem a forma de um cilindro de base com diâmetro 20 m e altura 60 m. Sabendo que o valor de  $\pi = 3,14$ , calcule o volume em  $\text{m}^3$  da capacidade desse reservatório.



20. Considere que a imagem a seguir represente um cone de sorvetes. Sabendo que a sua altura mede 21 cm e o raio 7 cm, calcule o volume desse cone. Adote  $\pi = 3,14$ .



21. Considere que uma bola de futebol esteja sendo representada pela figura a seguir, cujo raio mede 10 cm e o valor de  $\pi = 3,14$ . Calcule o valor da área de sua superfície e o seu respectivo volume.



22. (Enem 2022) Uma loja comercializa cinco modelos de caixas-d'água (I, II, III, IV e V), todos em formato de cilindro reto de base circular. Os modelos II, III, IV e V têm as especificações de suas dimensões dadas em relação às dimensões do modelo I, cuja profundidade é  $P$  e área da base é  $A_b$ , como segue:

- . modelo II: o dobro da profundidade e a metade da área da base do modelo I;
- . modelo III: o dobro da profundidade e a metade do raio da base do modelo I;
- . modelo IV: a metade da profundidade e o dobro da área da base do modelo I;
- . modelo V: a metade da profundidade e o dobro do raio da base do modelo I.

Uma pessoa pretende comprar nessa loja o modelo de caixa-d'água que ofereça a maior capacidade volumétrica.

O modelo escolhido deve ser o

- (A) I.
- (B) II.
- (C) III.
- (D) IV.
- (E) V.

## AULA 03 – GRÁFICO DE UMA FUNÇÃO DE 1º GRAU.

**Descriptor SAEB: D19 – Resolver problema, envolvendo uma função do 1º grau. (Gráfico).**

### Objetos de conhecimento desenvolvidos:

- **Sistemas de equações;**
- **Plano cartesiano;**
- **Função afim;**
- **Gráfico da função;**
- **Equação da reta.**



## GRÁFICO DA FUNÇÃO AFIM

A função afim (função polinomial do 1º grau), é toda função que, definidos deus domínios e contra domínios, possui como lei de formação uma sentença do tipo  $f(x) = ax + b$  ou  $y = ax + b$ , sendo os coeficientes  $a$  e  $b$  números reais.

Nesse tipo de função polinomial de 1º grau o valor de "a" é chamado de coeficiente angular (taxa de variação), e o "b" de coeficiente linear (valor inicial).

Exemplos:

$$f(x) = 3x + 4 \quad (a = 3 \text{ e } b = 4)$$

$$y = -5x + 2 \quad (a = -5 \text{ e } b = 2)$$

$$f(x) = \frac{1}{2}x + \frac{3}{5} \quad (a = \frac{1}{2} \text{ e } b = \frac{3}{5})$$

## Gráfico da Função Afim

O gráfico da função afim é representado por uma reta. O valor do coeficiente angular (taxa de variação) da função é que determina se a ela é do tipo crescente ou decrescente.

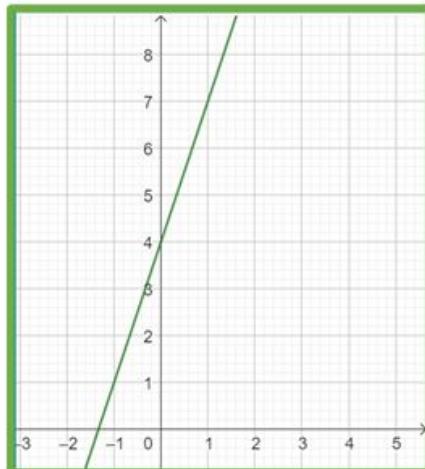
- Caso  $a > 0$ , a função é crescente;
- Caso  $a < 0$ , a função é decrescente;
- Caso  $a = 0$ , a função é constante.

A função  $f(x) = 3x + 4$ , por exemplo, é crescente, pois o valor de  $a$  é igual a 2 (maior que zero).

A função  $y = -5x + 2$  é decrescente pois  $a$  é igual a  $-1$  (menor que zero).

Observe nos gráficos abaixo:

$$f(x) = 3x + 4$$



$$y = -5x + 2$$



Observação 1: Note que  $f(x) = y$ , pois o valor de  $y$  depende do valor de  $x$ , ou seja,  $y$  está em função de  $x$ .

Observação 2: Se o coeficiente  $b$  for igual a zero, a função é linear.

Observação 3: Se o coeficiente  $a$  for igual a zero, a função é constante.

1. O salário de Alex, é composto de uma parte fixa no valor de R\$ 2 640,00, mais uma parte variável de 10% sobre o valor de suas vendas no mês. Nessas condições, responda as questões a seguir:

a) Representando por  $y$  o salário mensal de Alex e por  $x$ , o valor de suas vendas no mês em reais, escreva a fórmula que descreve algebricamente a relação entre  $x$  e  $y$ :

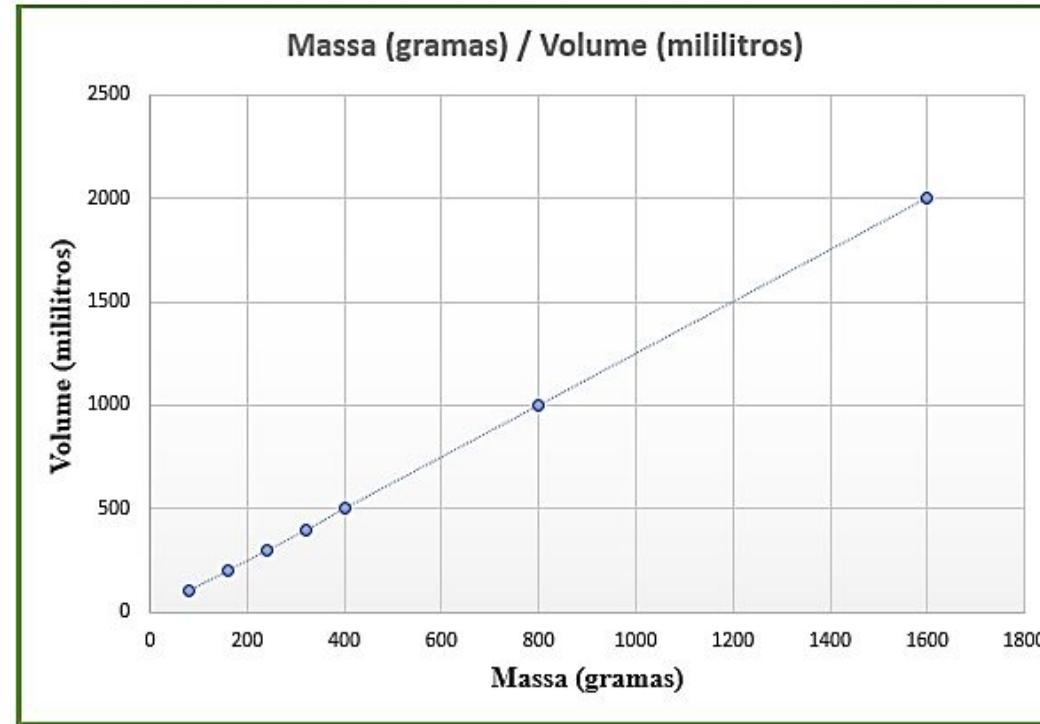
b) Caso ele consiga vender R\$ 60 000,00, calcule o valor de seu salário.

2. Um reservatório com capacidade para 10 000 L de água está completamente cheio quando é aberta uma torneira para esvaziá-lo. A quantidade de água no reservatório em litros, pode ser calculada pela função  $f(x) = 10\ 000 - 200x$  onde  $x$  é o tempo em minutos desde que a torneira foi aberta.

a) Após quantos minutos o reservatório é esvaziado por completo?

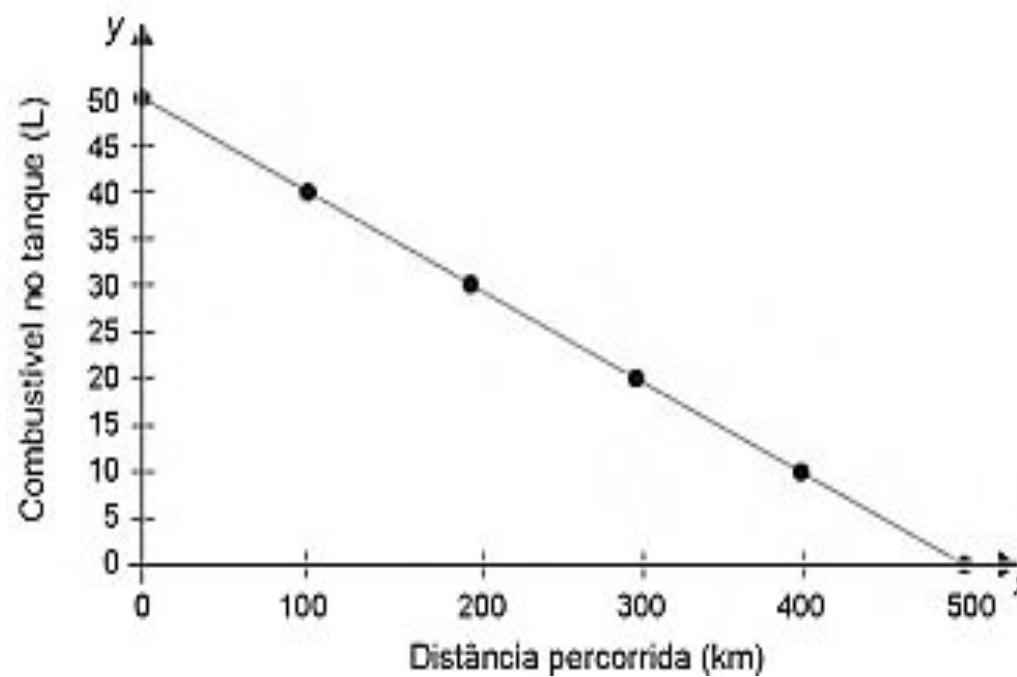
b) Quantos litros de água restam no reservatório após meia hora de torneira aberta?

3. Um renomado chef de cozinha, tendo a sua disposição uma balança e alguns recipientes de vidro, mediu a massa de alguns volumes diferentes de azeite de oliva e montou o seguinte gráfico:



- Escreva a lei de formação que descreve a relação entre o volume (y) e a massa (x) do azeite.
- Calcule o volume de 320 gramas desse azeite.

4. (Enem 2018 – PPL) Uma indústria automobilística está testando um novo modelo de carro. Cinquenta litros de combustível são colocados no tanque desse carro, que é dirigido em uma pista de testes até que todo o combustível tenha sido consumido. O segmento de reta no gráfico mostra o resultado desse teste, no qual a quantidade de combustível no tanque é indicada no eixo y (vertical), e a distância percorrida pelo automóvel é indicada no eixo x (horizontal).



A expressão algébrica que relaciona a quantidade de combustível no tanque e a distância percorrida pelo automóvel é

(A)  $y = -10x + 500.$

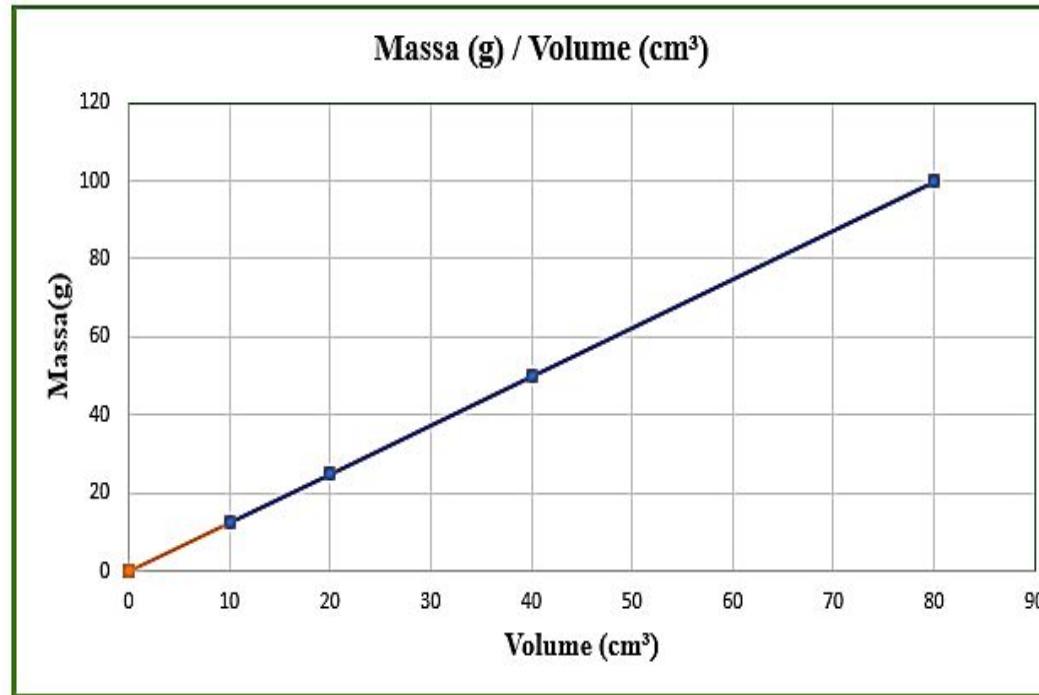
(B)  $y = \frac{-x}{10} + 50.$

(C)  $y = \frac{-x}{10} + 500.$

(D)  $y = \frac{x}{10} + 50.$

(E)  $y = \frac{x}{10} + 500.$

5. Apresentamos a seguir o gráfico do volume do álcool em função de sua massa, a uma temperatura fixa de 0º C.

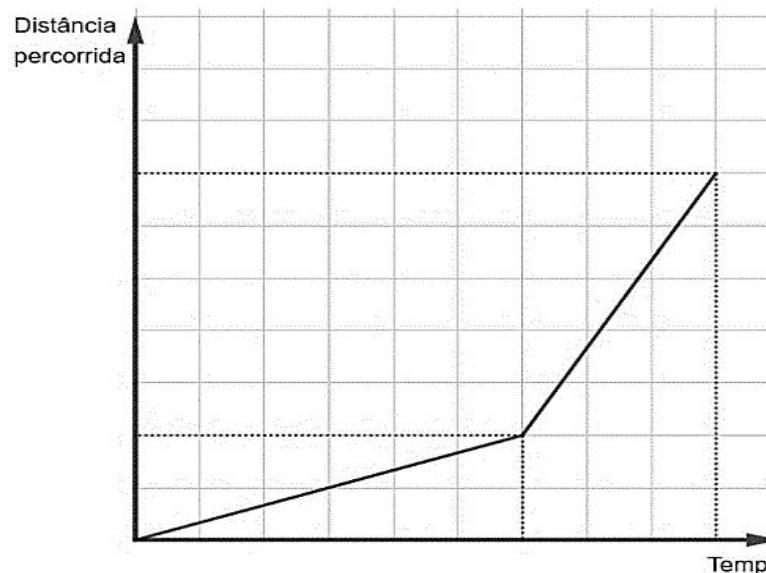


Nessas condições, a massa, em gramas, de 1 litro de álcool é igual a

- (A) 950.
- (B) 1 050.
- (C) 1 150.
- (D) 1 250.
- (E) 1 350.

6. Ana Beatriz realiza o percurso de sua casa até a sua escola parte correndo e parte andando. Ela faz variações: tem dia que inicia caminhando e depois termina o percurso correndo e outro dia inverte inicia correndo e termina andando.

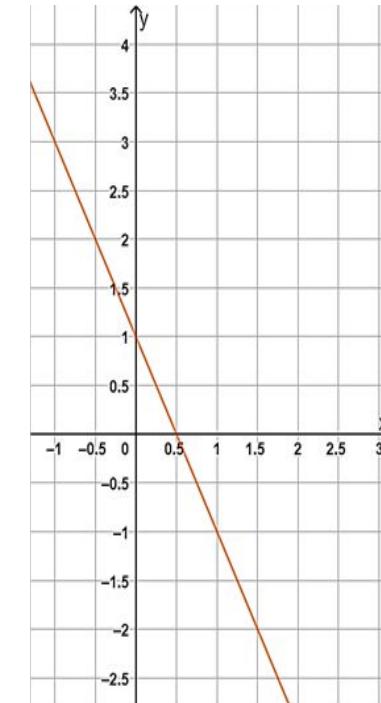
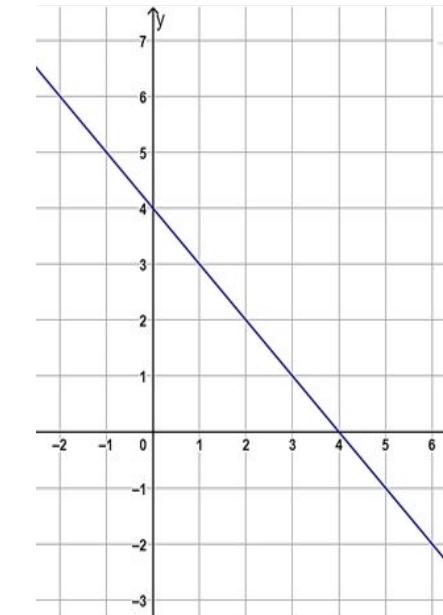
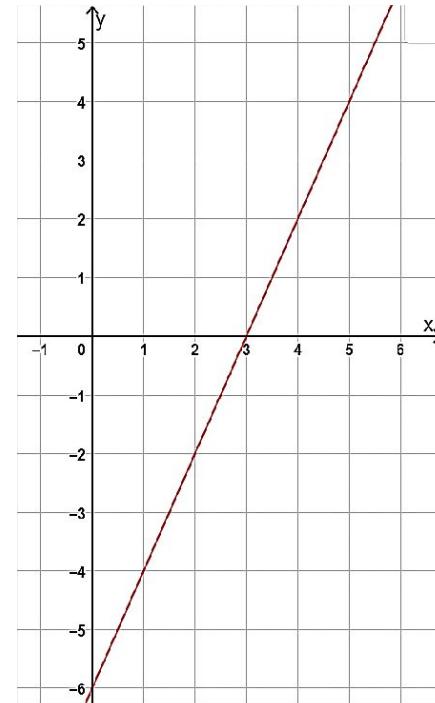
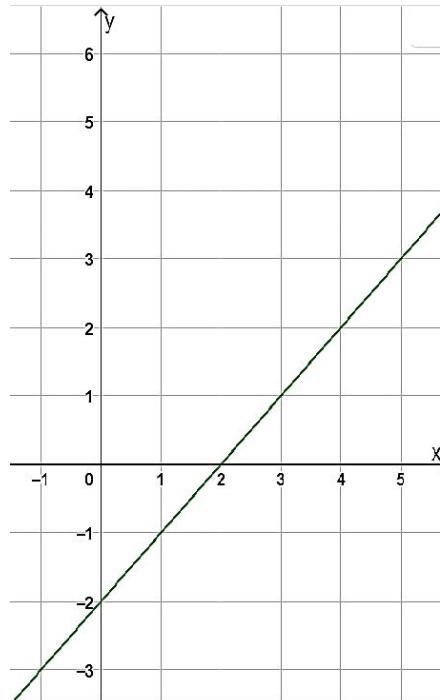
O gráfico a seguir ilustra a distância percorrida pela Ana Beatriz, em um certo dia, em função do tempo que decorreu desde o instante em que ela saiu de sua casa até ao instante em que chegou à escola.

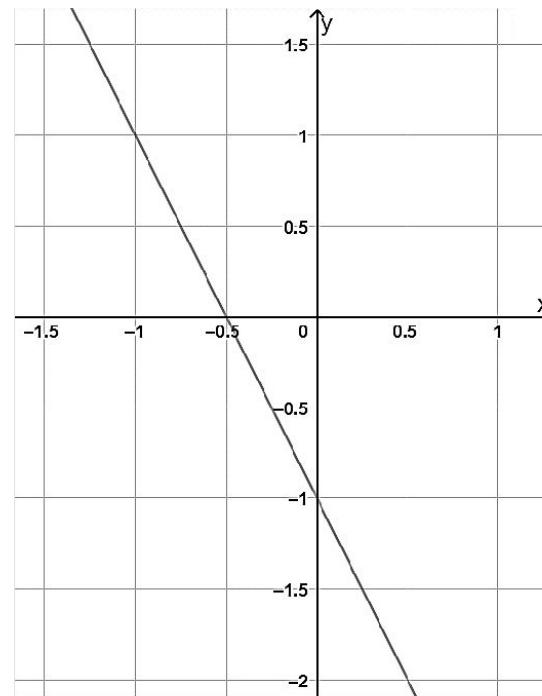
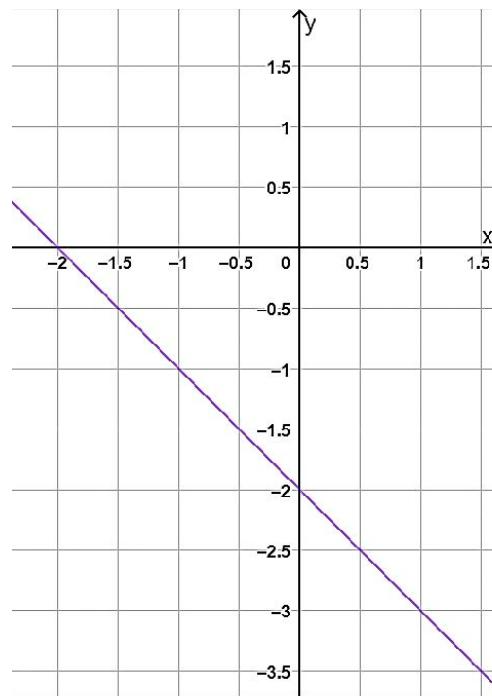


De acordo com o texto e o gráfico, pode-se afirmar que Ana Beatriz

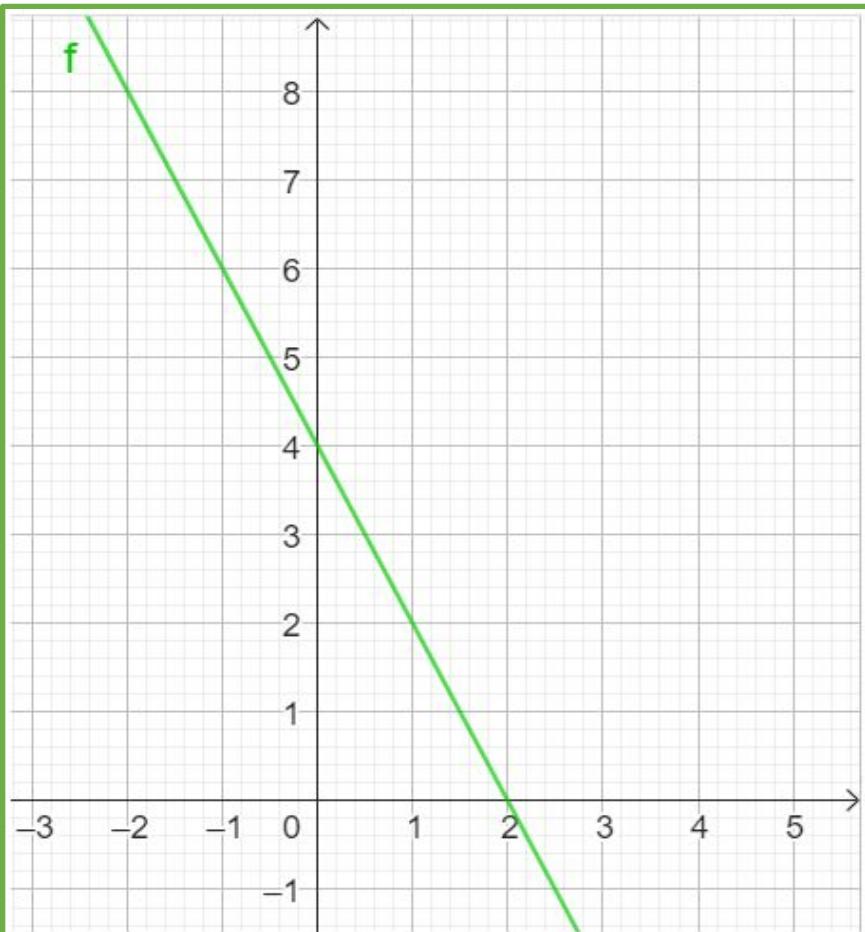
- (A) iniciou o percurso correndo e terminou-o andando.
- (B) esteve mais tempo correndo do que andando.
- (C) percorreu uma maior distância andando do que correndo.
- (D) gastou o dobro do tempo andando em relação ao tempo correndo.
- (E) percorreu metade da distância andando e a outra metade correndo.

7. Todos os gráficos seguintes correspondem a uma função do 1º grau. Sabendo disto circule nestes gráficos os zeros de cada função representada a seguir.



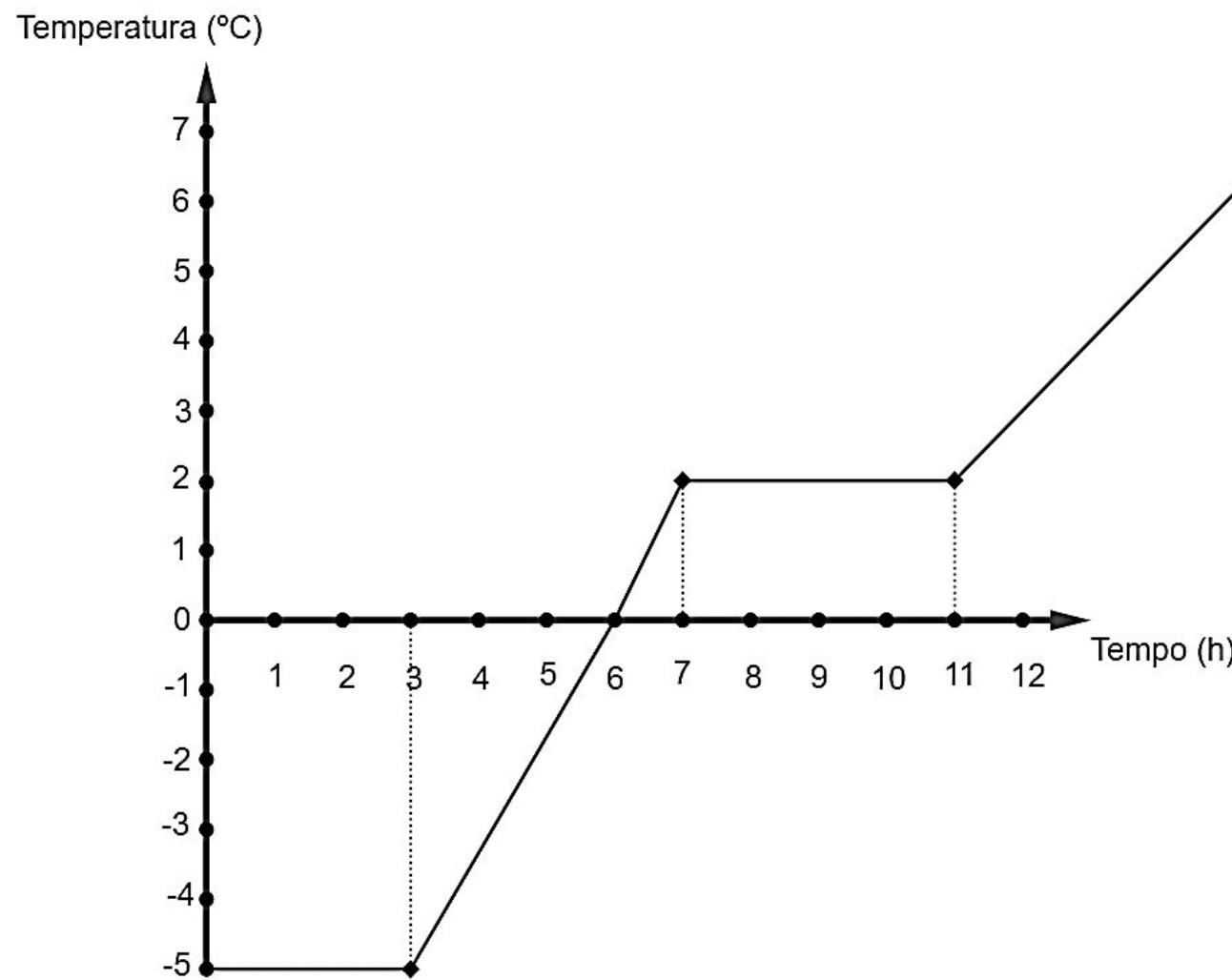


8. Considere o gráfico da função do 1º grau representada no plano cartesiano a seguir:



- Identifique o zero dessa função, sem realizar cálculos.
- Determine a lei de formação dessa função ( $f(x) = ax + b$ )
- Calcule o valor de  $x$  quando  $y = 0$ .

## 9. Analise o gráfico a seguir.

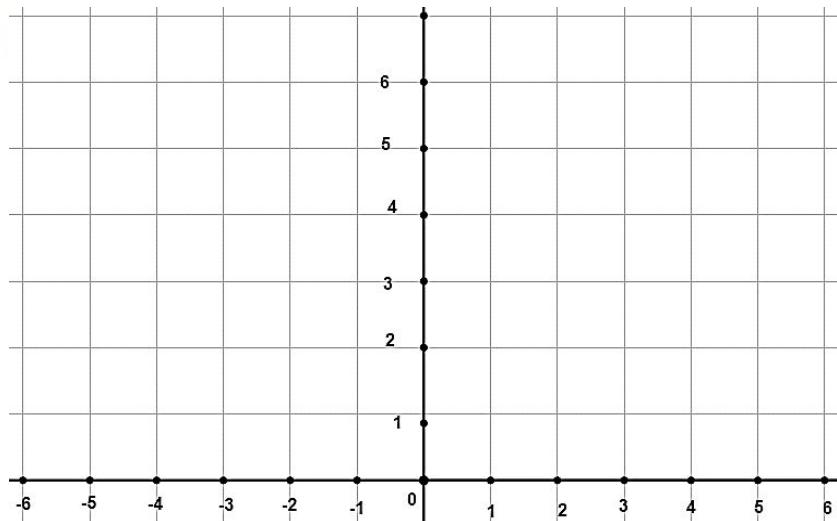


Sobre esse gráfico, valide as afirmações a seguir em (V) para verdadeiras ou (F) para falso.

- a) ( ) O segmento de reta presente entre os pontos  $(7,2)$  e  $(11,2)$  representa um intervalo da função constante  $y = 2$ .
- b) ( ) O segmento de reta presente entre os pontos  $(6,0)$  e  $(7,2)$  representa um intervalo da função crescente  $2x + y = 12$ .
- c) ( ) O segmento de reta presente entre os pontos  $(3,-5)$  e  $(6,0)$  representa um intervalo da função crescente  $2,5x - 1,5y = 7,5$
- d) ( ) O segmento de reta presente entre os pontos  $(3, -5)$  e  $(3,6)$  representa um intervalo da função constante  $y = 3$ .
- e) ( ) O segmento de reta presente entre os pontos  $(0, -5)$  e  $(3,-5)$  representa um intervalo da função constante  $y = -5$ .
- f) ( ) O segmento de reta presente entre os pontos  $(6,0)$  e  $(7,2)$  representa um intervalo da função crescente  $x - 0,5y = 3$ .

10. Represente no plano cartesiano a seguir o intervalo de três funções reais definidas no intervalo de  $[-6,6]$ .

- a) 1º função  $\rightarrow f(x) = 4$ , definida no intervalo de  $[-6, -2]$ .
- b) 2º função  $\rightarrow y = -2x$ , definida no intervalo de  $[-2, 0]$ .
- c) 3º função  $\rightarrow f(x) = x/2$ , definida no intervalo de  $[0, 6]$ .



Agora responda:

- a) Qual intervalo definido no plano é estritamente crescente?
- b) Qual intervalo definido no plano é estritamente decrescente?
- c) Qual intervalo definido no plano é estritamente constante?

11. Considere o gráfico da função afim que passa pelos pontos A(-6; 8) e B(3; 2).

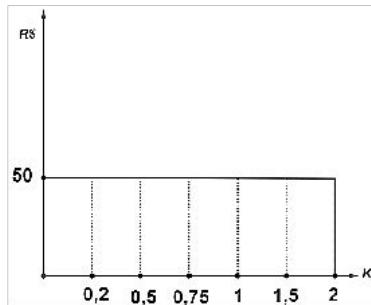
O zero dessa função é igual a

- (A) 5.
- (B) 6.
- (C) 7.
- (D) 8.
- (E) 9.

## 12. Analise as situações a seguir e relacione-as com os respectivos gráficos que as representem.

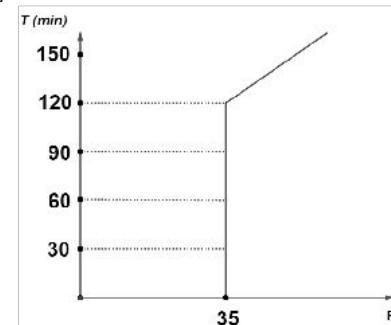
I. Em um teste automotivo, um piloto percorreu uma certa distância a uma velocidade constante de 90 km/h durante todo o percurso de 1 hora do teste.

( )



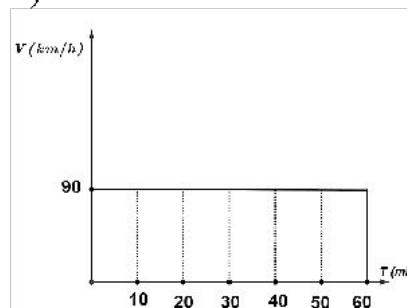
II. Um restaurante possui um sistema de rodízio que cobra 50 reais por pessoa, e não importa a quantidade consumida, 0,5kg, 0,75kg, 1kg,... O preço é único.

( )

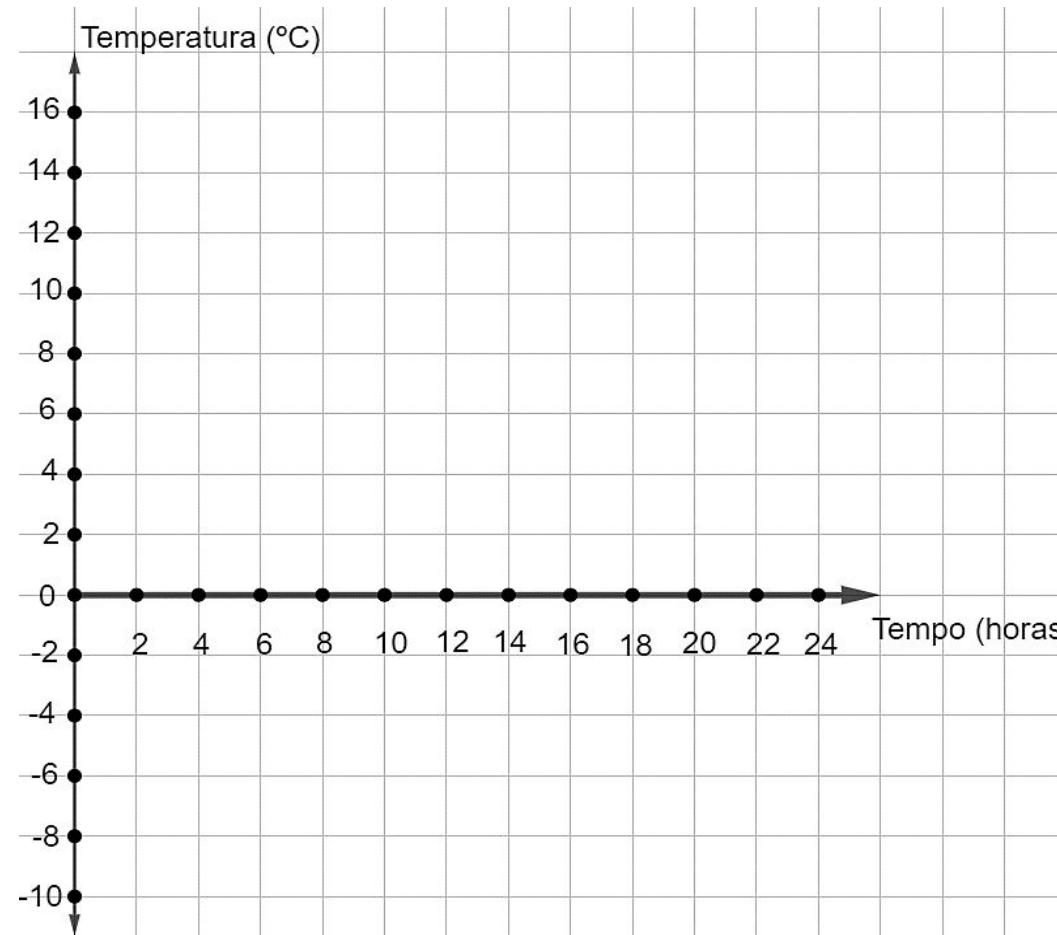


III. Uma companhia telefônica de celular oferece o pacote com preço fixo de R\$35,00 para que os clientes façam até 120 minutos de ligações para qualquer número, fixo ou não.

( )

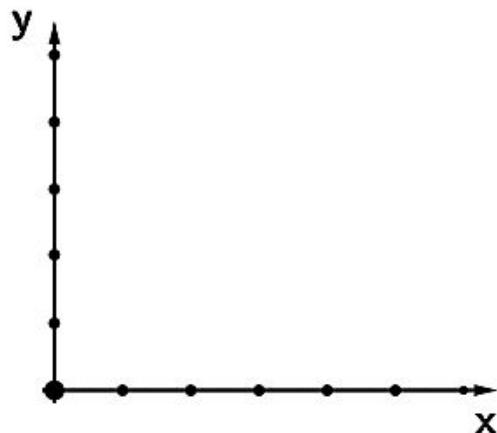


13. A cidade de Jataí inaugurou o novo centro meteorológico para acompanhar a mudança climática. Em certo dia esse centro meteorológico registrou às 6 horas da manhã a temperatura de  $-5^{\circ}\text{C}$  e com o passar do tempo, a temperatura foi aumentando constantemente até que às 15 horas da tarde, ela atingiu  $16^{\circ}\text{C}$ . Sabendo disso, construa o gráfico que represente a situação descrita.



#### 14. Leia a situação problema a seguir e construa o gráfico referente.

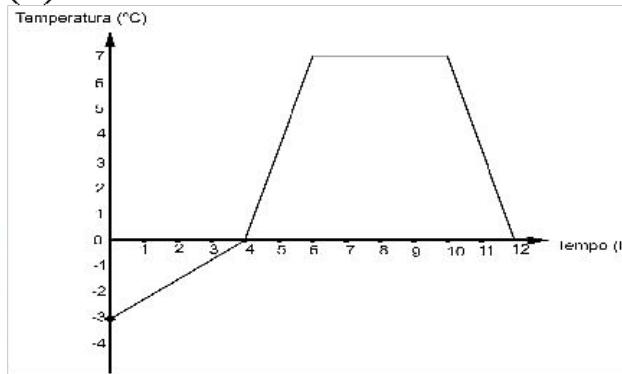
Um motorista de aplicativo resolveu conferir quantos quilômetros seu carro rodava com um litro de gasolina. Assim, ele zerou a quantidade de gasolina em seu tanque, abasteceu 100 litros desse combustível e rodou 1000 km até que todo combustível tenha sido todo consumido.



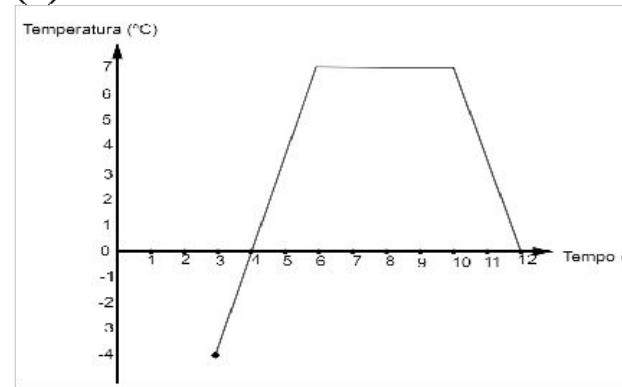
15. A cidade de Rio Verde instalou equipamentos novos para monitorar a temperatura da cidade. Certo dia os termômetros registraram  $-4^{\circ}\text{C}$  às 3 horas da madrugada. Com o passar do tempo, a temperatura foi aumentando até que, as 6 horas da manhã atingiu  $7^{\circ}\text{C}$  e permaneceu com essa temperatura constante por mais 4 horas e depois começou a cair e ao meio dia estava marcando  $0^{\circ}\text{C}$ .

Qual é o gráfico que melhor representa a situação descrita nesse texto?

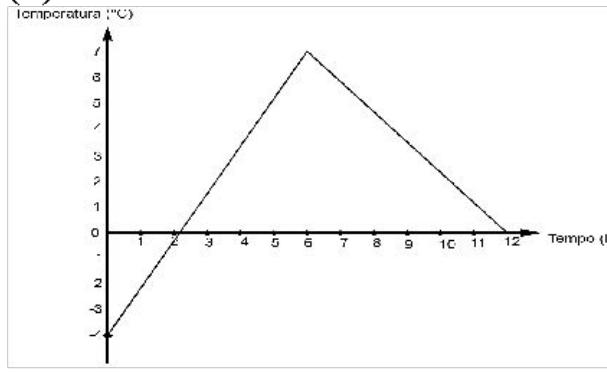
(A)



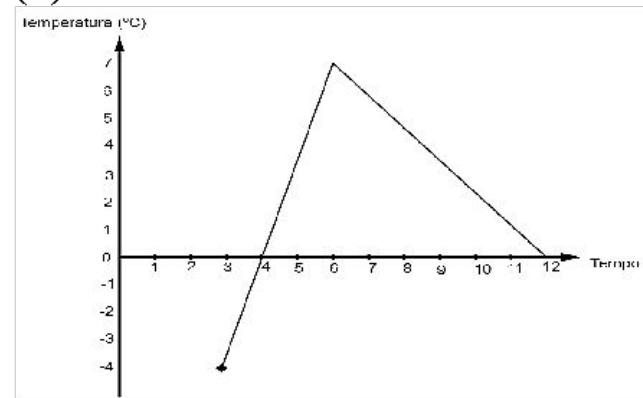
(B)



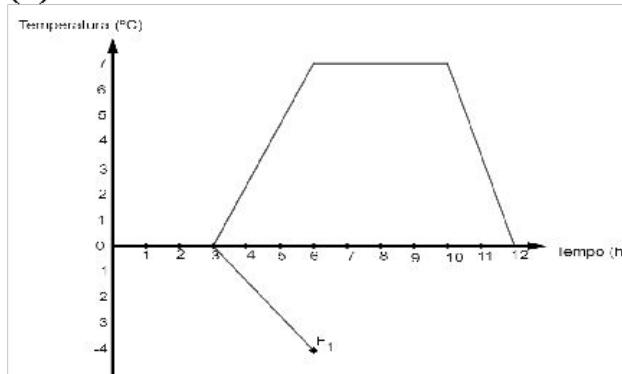
(C)



(D)



(E)





# Núcleo de Recursos Didáticos NUREDI

Contato: (62) 3243 6756  
[nuredi@seduc.go.gov.br](mailto:nuredi@seduc.go.gov.br)  
 @nuredi\_sedec